## RENDICONTI del SEMINARIO MATEMATICO della UNIVERSITÀ DI PADOVA

## GIUSEPPE SCORZA DRAGONI

Rettifica alla memoria : « A proposito di alcuni teoremi sulle equazioni differenziali »

Rendiconti del Seminario Matematico della Università di Padova, tome 16 (1947), p. 1-2

<a href="http://www.numdam.org/item?id=RSMUP\_1947\_\_16\_\_1\_0">http://www.numdam.org/item?id=RSMUP\_1947\_\_16\_\_1\_0</a>

© Rendiconti del Seminario Matematico della Università di Padova, 1947, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Rendiconti del Seminario Matematico della Università di Padova » (http://rendiconti.math.unipd.it/) implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (http://www.numdam.org/conditions). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

## $\mathcal{N}_{\text{UMDAM}}$

Article numérisé dans le cadre du programme Numérisation de documents anciens mathématiques http://www.numdam.org/

## RETTIFICA ALLA MEMORIA: A PROPOSITO DI ALCUNI TEOREMI SULLE EQUAZIONI DIFFERENZIALI

Nota (\*) di Giuseppe Scorza Dragoni (a Padova).

Nel n. 34 della Memoria *A proposito di alcuni teoremi* sulle equazioni differenziali (1) ho esposto un metodo, dovuto a Birkhoff-Kellogg-Schauder-Caccioppoli, per dimostrare l'esistenza di un elemento unito nella trasformazione funzionale

$$\vartheta(x) = F[\tau(x)],$$

dove

î \*

(2) 
$$F[\tau(x)] = \int_{a}^{x} dt_{n-1} \int_{a}^{(n-1)} dt_{n-2} \dots \int_{a}^{(i_{2})} dt_{1} \int_{a}^{(i_{1})} \{(t, \tau(t), ..., \tau^{(n-1)}(t)) dt - \sum_{i=1}^{n} \frac{(x - x_{1}) \dots (x - x_{i-1}) (x - x_{i+1}) \dots (x - x_{n})}{(x_{i} - x_{1}) \dots (x_{i} - x_{i-1}) (x_{i} - x_{i+1}) \dots (x_{i} - x_{n})} \times \int_{a}^{x_{i}} dt_{n-1} \int_{a}^{(n-1)} dt_{n-2} \dots \int_{a}^{(i_{2})} dt_{1} \int_{a}^{t_{1}} f(t, \tau(t), ..., \tau^{(n-1)}(t)) dt.$$

In quella esposizione ho commesso una svista, facilmente eliminabile da chiunque conosca quel metodo.

- (\*) Pervenuta in Redazione il 15 Marzo 1947.
- (1) Questi «Rendiconti», vol. XV (1946), pagg. 60-131.

Comunque, dico qui di che si tratta. Naturalmente mi servo dei simboli usati in quel n. 34 e faccio le stesse ipotesi. Di queste, ricordo esplicitamente soltanto che la x varia nell'intervallo  $I: a \leq x \leq b$ .

In quel n. 34 ho diviso l'intervallo  $a \le x \le b$  in  $2^p$  parti uguali, ho considerato una funzione  $\varphi_p(x)$ , nulla in  $x_1, ..., x_n$ , con derivata (n-1) – esima continua in I e lineare in ciascuna di quelle  $2^p$  parti, ho posto  $\psi_p(x) = F[\varphi_p(x)]$ ; ed ho interpretato i valori assunti da  $\varphi_p(x)$ ,  $\varphi'_p(x)$ , ...,  $\varphi^{(n-1)}_p(x)$  nei  $2^p+1$  estremi degli intervalli parziali di I e quelli analoghi assunti ivi da  $\psi_p(x)$ ,  $\psi'_p(x)$ , ...,  $\psi^{(n-1)}_p(x)$  come coordinate di due punti dello spazio reale, euclideo a  $(2^p+1)$  n dimensioni.

Invece, diviso I in  $2^p$  parti uguali, avrei dovuto indicare con  $\varphi_p(x)$  una funzione dotata di derivata (n-1) – esima continua in I e lineare in ciascuna di quelle parti, avrei dovuto porre  $\psi_p(x) = F\{\varphi_p(x)\}$ ; avrei dovuto interpretare i valori assunti da  $\varphi_p(x), \ldots, \varphi_p^{(n-2)}(x)$  nel punto a insieme con quelli assunti da  $\varphi_p^{(n-1)}(x)$  negli estremi dei  $2^p$  intervalli di suddivisione come coordinate di un punto dello spazio reale euclideo a  $2^p + n$  dimensioni (2); e come coordinate di un punto dello stesso spazio avrei dovuto interpretare i valori analoghi relativi a  $\psi_p(x)$  (3).

<sup>(2)</sup> In conformità di ciò, le dimensioni degli spazi cuclidei considerati nel n. 36 della Memoria citata debbono essere 1+n, 4+n, 8+n, ... in luogo di 3n, 5n, 9n, ...

<sup>(3)</sup> Volendo, avrei potuto imporre a  $\varphi_p(x)$  di essere nulla nei punti x,...,  $x_{n-1}$  (se n > 1), di avere una derivata (n-1) – esima continua in I e lineare in ciascuna delle  $2^p$  parti di suddivisione di I; avrei potuto interpretare i valori da  $\varphi_p^{(n-1)}(x)$  negli estremi di quelle  $2^p + 1$  parti e quelli analoghi relativi a  $\varphi_p^{(n-1)}(x)$  come coordinate di due punti dello spazio reale euclideo a  $2^p + 1$  dimensioni.

E ancora: volendo, avrei potuto imporre a  $\varphi_p(x)$  di essere nulla nei punti  $x_1, \ldots, x_n$ , di avere una derivata (n-1) – esima centinua in I e lineare in ciascuna delle  $2^p$  parti di suddivisione di I, ed interpretare como coordinate di due punti dello spazio euclideo a  $2^p$  dimensioni i valori medi in ciascuna di quelle  $2^p$  parti della  $\varphi_p^{(n)}(x)$  e della  $\psi_p^{(n)}(x)$ . Ma credo inutile insistere ulteriormente su di ciò: mi limito quindi a osservare che quest' ultimo metodo è quello a cui meglio si addicono le considerazioni svolte a piè delle pagg. 122-123 della Memoria citata in (1).