

DEWULF

Question 269

Nouvelles annales de mathématiques 2^e série, tome 2
(1863), p. 528

http://www.numdam.org/item?id=NAM_1863_2_2__528_1

© Nouvelles annales de mathématiques, 1863, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Nouvelles annales de mathématiques » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme
Numérisation de documents anciens mathématiques

<http://www.numdam.org/>

QUESTION 269;

SOLUTION DE M. DEWULF,
Officier du génie.

Deux surfaces se coupant suivant une ligne de courbure commune à l'une et à l'autre; le long de cette ligne les deux surfaces se coupent sous le même angle.

(TERQUEM.)

Ce théorème est une conséquence immédiate du théorème de Lancret que M. Liouville a énoncé comme il suit : *Pour toute ligne de courbure d'une surface, la seconde courbure géodésique est nulle* (*Journal de Mathématiques*, t. XXI). Soient m et m' deux points successifs de la ligne de courbure, O et O' les plans osculateurs en ces points, T et T' les plans tangents en ces points à la première surface, t et t' les plans tangents à la seconde surface.

D'après le théorème de Lancret,

$$\widehat{OO'} = \widehat{OT} - \widehat{O'T'},$$
$$\widehat{OO'} = \widehat{Ot} - \widehat{O't'};$$

donc

$$\widehat{OT} - \widehat{O'T'} = \widehat{Ot} - \widehat{O't'},$$

et par suite

$$\widehat{OT} - \widehat{Ot} = \widehat{O'T'} - \widehat{O't'}.$$

C. Q. F. D.