

ANNALES SCIENTIFIQUES  
DE L'UNIVERSITÉ DE CLERMONT-FERRAND 2  
*Série Probabilités et applications*

O. JULIA

**Correction : « Temps local pour les martingales à deux indices  
par rapport à sa variation quadratique »**

*Annales scientifiques de l'Université de Clermont-Ferrand 2*, tome 90, série *Probabilités  
et applications*, n° 6 (1987), p. 1-2

[http://www.numdam.org/item?id=ASCFPA\\_1987\\_\\_90\\_6\\_1\\_0](http://www.numdam.org/item?id=ASCFPA_1987__90_6_1_0)

© Université de Clermont-Ferrand 2, 1987, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Annales scientifiques de l'Université de Clermont-Ferrand 2 » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme  
Numérisation de documents anciens mathématiques  
<http://www.numdam.org/>

CORRECTION

TEMPS LOCAL POUR LES MARTINGALES A DEUX INDICES PAR

RAPPORT A SA VARIATION QUADRATIQUE

O. JULIA

(5ème Fascicule, N° 88, 1986)

On a trouve' une erreur dans la démonstration de la proposition (3.1). La preuve correcte suit les idées suivantes: on procède de la même façon jusqu'au paragraphe a) en prenant  $p > 2$ .

On met  $v = v^{3/2} v^{-1/2}$  et pour les inégalités de Hölder et Burkholder il s'en suit que

$$B_1 \leq C(T, S, p) \int_0^t \int_0^S u^p v^{3p/2} (E[f(u, v)^{-4p}] )^{1/2} (E[|L_1(x, u, v) - L_1(x', u, v)|^{4p}] )^{1/4} .$$

$$. ( E[ | \int_0^v \int_0^v (W_{uv} - W_{u\tau})(W_{uv} - W_{u\tau'}) (v - \tau v \tau') d\tau d\tau' |^{2p} ] )^{1/4} dudv$$

(toutes les constantes son notées par C).

En utilisant la propriété de "scaling" du mouvement brownien on obtient

$$(E[ | \int_0^v \int_0^v (W_{uv} - W_{u\tau})(W_{uv} - W_{u\tau'}) (v - \tau v \tau') d\tau d\tau' |^{2p} ] )^{1/4} \leq v^{2p} u^{p/2} C_p$$

et

$$(E[f(u, v)^{-4p}] )^{1/2} = C_p u^{-2p} v^{-4p} .$$

Notons que la variable aléatoire  $\int_0^1 (W_{11} - W_{1\sigma})^2 d\sigma$  a la même loi que  $\int_0^1 W_{1\tau}^2 d\tau$ , ainsi donc elle a des moments de tous les ordres ( Voir Ikeda Watanabe [3] pag. 343).

L'inégalité (II<sub>γ,ε</sub>) de Barlow et Yor [2] nous assure que  $\forall \epsilon \in ]0, 1/2[$  et  $\forall \gamma \geq 1$  existe une constante  $C_{\gamma, \epsilon}$  de façon que

$$\left\| \sup_{\substack{x \neq x' \\ 0 \leq u}} \frac{|L_1(x, \sigma, v) - L_1(x', \sigma, v)|}{|x-x'|^{1/2-\epsilon}} \right\|_{\gamma} \leq C_{\gamma, \epsilon} \left\| \sup_{0 \leq u} |J_{\sigma v}|^{1/2+\epsilon} \right\|_{\gamma}$$

et par conséquent

$$(E[|L_1(x, u, v) - L_1(x', u, v)|^{4p}])^{1/4} \leq |x-x'|^{p(1/2-\epsilon)} (uv)^{p(1/2+\epsilon)} C(\epsilon, p).$$

Alors

$$B_1 \leq C(S, T, p, \epsilon) |x-x'|^{p(1/2-\epsilon)} \quad (1/2-\epsilon > 0 \text{ pour } 0 < \epsilon < 1/2).$$

Pour  $B_2$  et  $B_3$  on procède analoguement, il faut noter seulement que pour le terme  $(E[|L_1(x, u, v)|^{4p}])^{1/4}$  on utilise l'inégalité (II<sub>p</sub>) de Barlow et Yor [1] en  $a=0$  avec  $M=(J_{\sigma u})_{\sigma \leq u}$  et  $N=0$ .

### Références

- [1] M.T. Barlow, M. Yor, (Semi-)martingale inequalities and local times.  
Z. Wahrsch. verw. Gebiete 55 (1981), 237-254.
- [2] M.T. Barlow, M. Yor, (Semi-)martingale inequalities via Garsia-Rodemich-Romsey Lemma. Application to local times.  
Journal Functional Analysis 49 (1982) n°2 198-229.
- [3] N. Ikeda, S. Watanabe, Stochastic differential equations and diffusion Processes. North-Holland (1981).

O. Julià  
 Departament d'Estadística  
 Universitat de Barcelona  
 Gran Via 585 08007 Barcelona  
 ESPAGNE