

Correspondance

Nouvelles annales de mathématiques 3^e série, tome 17
(1898), p. 548-549

<http://www.numdam.org/item?id=NAM_1898_3_17__548_1>

© Nouvelles annales de mathématiques, 1898, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Nouvelles annales de mathématiques » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme
Numérisation de documents anciens mathématiques
<http://www.numdam.org/>

CORRESPONDANCE.

P.-H. Schoute. — *Sur un théorème de M. G. Gallucci.*

M. G. Gallucci a démontré (*N. A.*, p. 74; 1898), d'une manière élégante, le théorème suivant :

Deux tangentes quelconques d'une conique à centre et

les perpendiculaires abaissées des foyers sur ces tangentes touchent une autre conique.

Voici une démonstration plus simple de ce théorème :

Du point d'intersection des deux tangentes comme centre, décrivons une circonférence de cercle coupant sous des angles droits le cercle, lieu des projections des foyers sur toutes les tangentes. Alors les projections des foyers sur une quelconque des deux tangentes sont évidemment des points conjugués par rapport au premier cercle. Donc les deux triangles à un sommet situé à l'infini, formés par une quelconque des deux tangentes et les perpendiculaires abaissées des deux foyers, sont des triangles polaires de ce cercle. Donc les six côtés des deux triangles enveloppent une autre conique et les six sommets de ces deux triangles se trouvent sur une troisième conique, etc.

N. B. — On remarque aisément que la série doublement infinie des coniques, dont les six côtés des couples de triangles sont les tangentes, ne contient que des coniques concentriques à la conique donnée et admet pour cercle orthoptique commun le cercle, lieu des projections des foyers de la conique donnée sur ses tangentes.