

R. VERNIER

Solution de la question 460

Nouvelles annales de mathématiques 1^{re} série, tome 18
(1859), p. 108-109

http://www.numdam.org/item?id=NAM_1859_1_18__108_0

© Nouvelles annales de mathématiques, 1859, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Nouvelles annales de mathématiques » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme
Numérisation de documents anciens mathématiques
<http://www.numdam.org/>

L'équation de MN est donc

$$y' \cdot \frac{\alpha - x'}{\alpha y' - \beta x'} + x' \cdot \frac{\beta (\beta - y')}{\beta' (\beta x - \alpha y')} = 1$$

ou

$$(1) \quad y' \beta' (\alpha - x') + n \beta (\beta - y') - \beta' (\alpha y' - \beta x') = 0.$$

Or le point O étant sur la droite BC, on a la relation

$$\frac{x'}{b} + \frac{y'}{c} = 1,$$

d'où on tire

$$y' = \frac{bc - cx'}{b}.$$

En portant cette valeur de y' dans l'équation (1), on a une équation du premier degré en x' de la forme

$$x' (my + nx + p) + m'y + n'x + p' = 0.$$

La droite MN passe donc, quel que soit le point O, par l'intersection des deux droites fixes $my + nx + p = 0$ et $m'y + n'x + p' = 0$.

En supposant que le point O vienne successivement en B et en C, on voit que ce point fixe est à la rencontre des deux droites BY et CX.

Note du Rédacteur. X et Y étant quelconques, les droites OX et OY sont deux faisceaux homographiques; par conséquent les points M et N forment deux suites de points homographiques : l'enveloppe de la droite MN est donc une conique qui devient un point lorsque X, Y et A sont en ligne droite; le point A devient double.

M. le capitaine Lafonge prend pour axes les droites qui vont des sommets A et C aux points fixes, et démontre, par le procédé ordinaire, que la droite variable passe à l'intersection de ces deux axes.
