

REVUE DE STATISTIQUE APPLIQUÉE

DOMINIQUE LADIRAY

BENOÎT QUENNEVILLE

La précision des logiciels statistiques

Revue de statistique appliquée, tome 52, n° 2 (2004), p. 5-25

http://www.numdam.org/item?id=RSA_2004__52_2_5_0

© Société française de statistique, 2004, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Revue de statistique appliquée » (<http://www.sfds.asso.fr/publicat/rsa.htm>) implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme
Numérisation de documents anciens mathématiques
<http://www.numdam.org/>

LA PRÉCISION DES LOGICIELS STATISTIQUES

Dominique LADIRAY (*), Benoît. QUENNEVILLE (**)

(*) *Statistique Canada, Division des données fiscales*

(**) *Statistique Canada, Division des méthodes d'enquêtes entreprises*

RÉSUMÉ

Cet article présente une méthodologie complète, basée sur un ensemble de jeux d'essais certifiés, permettant d'évaluer la précision d'un logiciel statistique. Ces tests portent sur les outils de base du statisticien : statistiques descriptives simples, analyse de la variance, régression linéaire et non linéaire et générateurs de nombres aléatoires. Les résultats obtenus par plusieurs logiciels réputés (SAS, SPSS, Splus, Excel, Gauss, Mathematica, Jump, Stata et TSP) sont présentés et comparés. Les logiciels statistiques se révèlent de qualité très variable et certains d'entre eux présentent des faiblesses surprenantes.

Mots-clés : *Précision, Jeux d'essais, Générateurs de nombres aléatoires, Test de logiciel statistique.*

ABSTRACT

This article presents a complete methodology, based on a set of certified benchmarks, to evaluate the accuracy of statistical softwares. These tests focus on basic statistical tools : descriptive statistics, analysis of variance, linear and non linear regression, and random number generators. These tests are applied to some famous statistical softwares (SAS, SPSS, Splus, Excel, Gauss, Mathematica, Jump, Stata and TSP) and the results are compared. Quality varies a lot from one statistical software to the other and some software present very astonishing weaknesses.

Keywords : *Accuracy, Benchmarks, Random number generators, Statistical software testing.*

Introduction

Quel statisticien oserait aujourd'hui se passer d'un logiciel pour faire ses calculs, du simple tableau croisé à la régression non linéaire sous contraintes la plus complexe ? Aucun sans doute et chacun a son logiciel, son outil, préféré. Les critères de choix d'un logiciel statistique sont variés : le prix, la facilité d'apprentissage, les possibilités, l'ergonomie, la documentation, les « jolis graphiques », la maintenance, la portabilité, les bibliothèques de « programmes utilisateurs » disponibles et réutilisables etc. Parmi toutes les qualités souhaitables, il y en a une qui paradoxalement semble peu présente à l'esprit de nombreuses personnes : la fiabilité des algorithmes et la précision des résultats. Depuis quelques années, sous l'impulsion de statisticiens

comme McCullough, Vinod, Knüsel etc., la question de la précision des logiciels a refait surface et des protocoles de tests ont été élaborés pour l'évaluer.

Nous présentons dans cet article les résultats de quelques tests simples pour des logiciels réputés comme SAS, Gauss, Excel, TSP, Mathematica etc. Ces résultats montrent que les logiciels sont de qualité variable et que certains « monstres » présentent des lacunes bien surprenantes et bien inquiétantes.

La première partie de cet article concerne les tests et la méthodologie mis au point pour juger de la précision des logiciels statistiques. Dans la seconde partie, les logiciels sont comparés en fonction de leurs résultats pour des opérations simples comme le calcul de moyennes, de variances, de coefficients de corrélation, d'analyse de la variance à un facteur et de régression linéaire par moindres carrés. Les résultats de tests sur la qualité des générateurs de nombres aléatoires sont aussi présentés. Dans une troisième partie, nous verrons comment les performances d'un logiciel varient dans le temps, au gré des versions successives, mais aussi dans le logiciel même, en fonction des instructions utilisées.

1. Tester la précision d'un logiciel statistique

Dire que la question de la fiabilité des algorithmes statistiques ne préoccupe pas les statisticiens serait à l'évidence faux ¹. Chaque année, des dizaines d'articles sur ce thème sont publiés dans des revues spécialisées et des congrès tel COMPSTAT rassemblent des centaines de personnes. De même, de nombreux analystes de données ont vécu cette étrange expérience qui consiste à faire la même analyse sur des machines différentes, sur des logiciels différents ou sur des versions différentes du même logiciel, et à obtenir des résultats différents ². Un nombre respectable de ces mêmes personnes sait que le problème vient essentiellement de la représentation des nombres en machines qui entraîne des arrondis, des troncatures etc.

Mais, d'un autre côté, les statisticiens font une confiance aveugle à leur logiciel, croyant que *«les entreprises de logiciels statistiques font subir des tests intensifs à leurs produits pour s'assurer que les algorithmes mis en œuvre font des calculs précis»* (SAS Institute, [22]). Comme nous le verrons, cette profession de foi est quelque peu exagérée.

Les articles présentant et évaluant les logiciels sont assez nombreux mais font rarement allusion à la précision de ces logiciels. Ainsi, après avoir examiné de 1990 à 1997 les numéros de cinq journaux publiant régulièrement de tels articles, McCullough et Vinod ([17]) constatèrent que 3 articles seulement sur 120 s'en préoccupaient.

¹ Bien avant les ordinateurs, les statisticiens se sont appliqués à mettre au point des algorithmes simples et efficaces. On peut par exemple citer les moyennes mobiles de Spencer (1904, [24]) ou les travaux précurseurs des soeurs Maballée (1925, [11]) sur les algorithmes permettant de calculer des estimateurs linéaires sans biais.

² Il est des cas, très particuliers, où vous pouvez obtenir des résultats différents sans que ce soit inquiétant. Ainsi, en analyse factorielle, le fait que le premier vecteur propre change de signe n'entraîne pas que le résultat soit différent.

Pourtant les jeux d'essais existent depuis longtemps. L'un des plus fameux est sans doute celui de Longley en 1967 ([10]), jeu de données réelles présenté au tableau 1, et qui, à cause de la forte collinéarité existant entre les variables, continue à mettre à mal bon nombre de programmes de régression linéaire.

TABLEAU 1

Les données de Longley. Modèle $y_t = a_t + \sum_{i=1}^{i=6} \beta^i x_t^i + \varepsilon_t$

Y Emploi total	x1 Déflateur du PIB	x2 PIB	x3 Chômage	x4 Effectif des forces armées	x5 Population de 14 ans et plus	x6 Année
60 323	83.0	234 289	2 356	1 590	107 608	1947
61 122	88.5	259 426	2 325	1 456	108 632	1948
60 171	88.2	258 054	3 682	1 616	109 773	1949
61 187	89.5	284 599	3 351	1 650	110 929	1950
63 221	96.2	328 975	2 099	3 099	112 075	1951
63 639	98.1	346 999	1 932	3 594	113 270	1952
64 989	99.0	365 385	1 870	3 547	115 094	1953
63 761	100.0	363 112	3 578	3 350	116 219	1954
66 019	101.2	397 469	2 904	3 048	117 388	1955
67 857	104.6	419 180	2 822	2 857	118 734	1956
68 169	108.4	442 769	2 936	2 798	120 445	1957
66 513	110.8	444 546	4 681	2 637	121 950	1958
68 655	112.6	482 704	3 813	2 552	123 366	1959
69 564	114.2	502 601	3 931	2 514	125 368	1960
69 331	115.7	518 173	4 806	2 572	127 852	1961
70 551	116.9	554 894	4 007	2 827	130 081	1962

Wilkinson ([30]) est aussi l'auteur d'une batterie de tests très simples qu'il conseille de faire passer à tout logiciel. Seuls ceux qui passent cette épreuve avec succès méritent de faire l'objet de tests plus poussés. Les six variables du tableau 2 se déduisent toutes l'une de l'autre par une simple transformation linéaire et la matrice des coefficients de corrélation linéaire doit donc être composée de 1. Tout programme en simple précision aura le plus grand mal à passer avec succès cette épreuve somme toute relativement banale.

TABLEAU 2
Le « vilain fichier » de Wilkinson

X	Big	Little	Huge	Tiny	Round
1	99 999 991	0.999 999 91	1 E12	1 E−12	0.5
2	99 999 992	0.999 999 92	2 E12	2 E−12	1.5
3	99 999 993	0.999 999 93	3 E12	3 E−12	2.5
4	99 999 994	0.999 999 94	4 E12	4 E−12	3.5
5	99 999 995	0.999 999 95	5 E12	5 E−12	4.5
6	99 999 996	0.999 999 96	6 E12	6 E−12	5.5
7	99 999 997	0.9999 9997	7 E12	7 E−12	6.5
8	99 999 998	0.999 999 98	8 E12	8 E−12	7.5
9	99 999 999	0.999 999 99	9 E12	9 E−12	8.5

SPAD 5.0, par exemple, a des difficultés à lire la variable *Little*. En ramenant le nombre de chiffres 9 dans chaque valeur à six au lieu des sept initiaux, SPAD accepte le fichier mais calcule une matrice des corrélations bien surprenante (tableau 3) pour un logiciel d'analyse factorielle ³ !

TABLEAU 3
La matrice des corrélations calculée par SPAD sur le jeu d'essai de Wilkinson, modifié pour la variable *Little*

	X	Big	Little modifiée	Huge	Tiny	Round
<i>X</i>	1.00					
<i>Big</i>	0.69	1.00				
<i>Little modifiée</i>	1.15	0.79	1.00			
<i>Huge</i>	1.00	0.69	1.15	1.00		
<i>Tiny</i>	1.00	0.69	1.15	1.00	1.00	
<i>Round</i>	1.00	0.69	1.15	1.00	1.00	1.00

Si des jeux d'essai existent, il n'est pas toujours simple de les trouver et de les mettre en œuvre. En 1998, McCullough ([14], [15]) a proposé une méthodologie pour tester la précision des logiciels statistiques, en insistant sur 3 aspects essentiels :

- Les estimations, en utilisant les jeux d'essai du *National Institute of Standards and Technology* (NIST, [21]) pour mesurer la précision des procédures de statistique descriptive univariée, d'analyse de la variance à un facteur, de régression linéaire et non linéaire ;

³ Essayez aussi de compléter la matrice en dupliquant simplement les variables *Little* (modifiée) et *Big*. La diagonale de la matrice reste égale à 1 mais le coefficient de corrélation de *Little* (respectivement *Big*) avec elle-même est « égal » à 1.34 (respectivement 0.64) !

- La génération de nombres aléatoires, en utilisant la batterie de tests DIEHARD mise au point par Marsaglia ([12]) ;
- Les distributions statistiques, qui permettent le calcul des valeurs critiques des tests et des p -values, en utilisant les programmes ELV (Knüsel, [8]) ou DCDFLIB (Brown, [2]). Knüsel est l'auteur de nombreuses études (voir par exemple [6], [7]) sur les performances des logiciels en la matière. Ses conclusions, que nous ne détaillerons pas dans cette présentation, sont en général assez négatives

1.1. Les jeux d'essais du NIST

Le NIST a mis à disposition du public un ensemble de jeux d'essai de référence, regroupés sous l'acronyme StRD (*Statistical Reference Datasets*, [21]), et divisés en quatre blocs : l'analyse descriptive univariée, l'analyse de la variance à un facteur, la régression linéaire par moindres carrés et la régression non linéaire. Chaque problème a été classé selon son niveau de difficulté – facile, moyen et difficile – puis résolu avec un grand degré de précision⁴.

- La suite de tests pour l'analyse descriptive univariée est composée de 9 jeux de données contenant de 3 à 5 000 observations : six faciles, deux de difficulté moyenne et un difficile.

- La suite de tests pour l'analyse de la variance à un facteur est composée de 11 jeux de données dont 2 sont issus de données réelles et 9 sont des problèmes mis au point par Simon et Lesage ([23]). Quatre problèmes sont réputés faciles, quatre de difficulté moyenne et trois difficiles.

- La suite de tests pour la régression linéaire est composée de 11 jeux de données contenant de 3 à 82 observations : deux faciles, deux de difficulté moyenne et sept difficiles. Outre les données de Longley, cette suite contient aussi des données simulées proposées par Wampler ([28], [29]).

- La suite de tests pour la régression non linéaire contient 27 jeux de données de 6 à 250 observations et impliquant l'estimation de 2 à 9 paramètres : huit faciles, onze de difficulté moyenne et huit difficiles. Le NIST fournit aussi deux ensembles de valeurs pour initialiser les algorithmes itératifs : les valeurs « Start I » sont assez loin des solutions et les valeurs « Start II » au contraire très proches.

Pour les problèmes linéaires, les calculs ont ainsi été faits, en utilisant le FORTRAN Bailey (compilateur et routines disponibles sur NETLIB), et avec une précision de 500 décimales. Les résultats ont ensuite été arrondis pour assurer une précision de 15 chiffres significatifs. Pour les problèmes de régression non linéaire, les calculs ont été faits en quadruple précision et en utilisant deux programmes du domaine public, différents algorithmes et différentes plateformes. Les résultats ont ensuite été arrondis à 11 chiffres significatifs.

⁴ Chaque problème n'admet qu'une et une seule solution. Dans certains cas, la solution exacte peut être calculée analytiquement ; dans d'autres cas, le recours à un algorithme est nécessaire.

La base de données StDR contient donc les problèmes et les solutions certifiées par le NIST. Le tableau 4 donne par exemple les solutions certifiées pour les données de Longley.

TABLEAU 4
Valeurs certifiées du problème de Longley (voir données au tableau 1)

Estimation des paramètres :				
Paramètre	Valeur		Écart-type	
B0	−3 482 258.634 595 82		890 420.383 607 373	
B1	15.061 872 271 373 3		84.914 925 774 766 9	
B2	−0.358 191 792 925 910 E−01		0.334 910 077 722 432 E−01	
B3	−2.020 229 803 816 83		0.488 399 681 651 699	
B4	−1.033 226 867 173 59		0.214 274 163 161 675	
B5	−0.511 041 056 535 807 E−01		0.226 073 200 069 370	
B6	1 829.151 464 613 55		455.478 499 142 212	
Écart-type des résidus	304.854 073 561 965			
R2	0.995 479 004 577 296			

Tableau d'analyse de la variance :				
	Degrés de liberté	Somme des carrés	Moyenne des carrés	Statistique F
Régression	6	184 172 401.944 494	30 695 400.324 082 3	330.285 339 234 588
Résidus	9	836 424.055 505 915	92 936.006 167 323 8	

Comme d'un problème à l'autre les valeurs des paramètres peuvent être très différentes, McCullough ([14]) propose d'utiliser comme indicateur de précision le logarithme en base 10 de l'erreur relative (LRE) ou absolue (LAR) :

$$LRE = \lambda = -\log_{10}[|q - c|/|c|] \text{ si } c \text{ est non nul et } LAR = -\log_{10}[|q|] \text{ sinon.}$$

Dans ces expressions, q est la valeur estimée et c la valeur certifiée. Par exemple, le R2 du problème de Longley calculé par la procédure REG de SAS 8.2 est 0.995 479 004 577 370. Le LRE associé sera donc :

$$\lambda = -\log_{10}[|0.995 479 004 577 370 - 0.995 479 004 577 296| / |0.995 479 004 577 296|] = 13.128 5,$$

ce qui correspond bien à 13 chiffres corrects.

Pour que le LRE soit un bon indicateur du nombre de chiffres significatifs exacts, il faut que les valeurs q et c soient « proches ». En effet, si par exemple $q = 20$ et $c = 1$, alors $LRE = 1.28$ bien que la valeur calculée soit très différente. Dans ce cas⁵, l'indicateur LRE sera par convention égal à 0.

⁵ Par exemple si $|q| \geq 2|c|$ pour c non nul ou si $|q| \geq 1$ pour c nul.

1.2. Une remarque importante

Les sociétés développant ou commercialisant les logiciels statistiques ont souvent relevé, et critiqué, le caractère « pathologique » des jeux d'essais utilisés pour apprécier la précision des logiciels. Même si cette remarque est de bonne guerre, il est facile de justifier la nature de ces tests :

- En général, on ne teste pas la fiabilité d'une voiture, la résistance d'un matériau ou de tout autre produit, dans des conditions agréables ! Les normes de sécurité sont souvent sévères et reposent sur un « principe de précaution » légitime.

- Les jeux d'essai sont de difficulté graduée et certains d'entre eux correspondent à des données réelles, à des cas rencontrés dans la pratique. Les cas de multi collinéarité, illustrés par le jeu d'essai de Longley, sont courants dans l'estimation de modèles économétriques. Il existe d'ailleurs de nombreux diagnostics permettant de les repérer.

- À l'évidence, ces jeux d'essai ne seraient d'aucun intérêt si tous les logiciels les résolvaient aisément ou si aucun d'entre eux ne le faisait. Les résultats, que nous allons commenter dans la partie suivante, montrent clairement que certains logiciels pourraient améliorer leurs algorithmes.

- Enfin, même improbables, ces situations « extrêmes » peuvent fort bien se produire, soit lors d'une étude par simulation, de type Monte Carlo, Bootstrap etc., ou dans le cadre de la résolution itérative d'un problème non linéaire.

1.3. Tester un générateur de nombres aléatoires

Les générateurs de nombres aléatoires (Random Number Generators, RNG) ont pris depuis plusieurs années une place très importante dans la recherche en statistique et en économétrie. Les méthodes de ré-échantillonnage comme le Bootstrap, les études par simulation, les méthodes de validation croisée sont de plus en plus utilisées et reposent par nature sur l'utilisation d'un bon générateur de nombres aléatoires. La quasi-totalité des générateurs de nombres uniformes actuellement disponibles dans les logiciels statistiques sont des générateurs à congruence linéaire (LCG) pour lesquels les valeurs produites reposent sur une équation du type :

$$X_n \equiv aX_{n-1} + c \pmod{m}$$

Un générateur LCG est donc défini par 2 constantes, a et c , un module m et une valeur initiale X_0 . Le choix de c et m détermine la période p du générateur, c'est-à-dire le nombre d'appels maximal que vous pouvez faire avant que le générateur ne commence à se répéter. Cette période p doit évidemment être la plus grande possible tant les nouvelles méthodes statistiques sont gourmandes en nombres aléatoires. Ainsi l'étude de McKinnon (citée par McCullough [14]) sur les tests de racine unité (McKinnon, [19]) a nécessité plus de 100 milliards de nombres aléatoires. Knuth ([9]) estime que le nombre maximal d'appels au générateur ne devrait pas excéder $p/1000$, ce qui dans ce cas, aurait nécessité un générateur de période supérieure à 2^{46} .

Par nature, les LCG produisent des séquences de nombres qui s'avèrent corrélées dans des espaces de dimension k plus ou moins élevée selon le générateur (Marsaglia, [13]). Ce phénomène est illustré par le graphique 1 où est représentée, en dimension 3, une séquence de nombres générés par le vieux (et déplorable) générateur RANDU qui équipait tous les gros systèmes IBM 360.

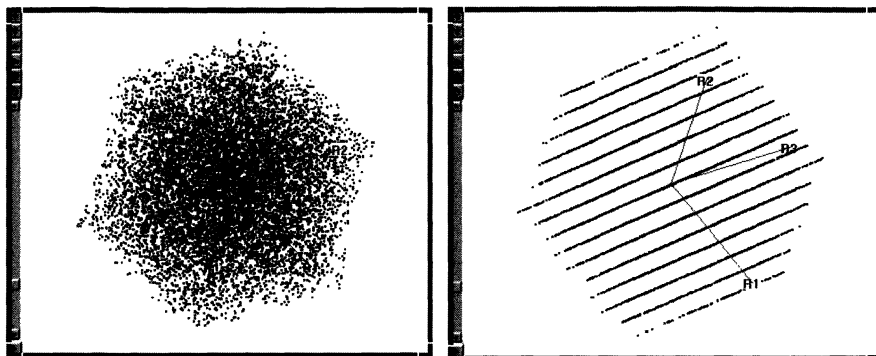


FIGURE 1

Séquence de nombres générés par RANDU, en dimension 3. En principe, le cube devrait être uniformément « rempli » ce qui semble être le cas sur le graphique de gauche. Mais, en changeant d'angle de vue, on découvre une structure régulière inquiétante (graphique de droite).

Tester un générateur de nombres aléatoires n'est pas chose facile. Heureusement, il suffit en général de tester les générateurs produisant des nombres distribués uniformément entre 0 et 1 dans la mesure où la plupart des autres lois s'en déduisent. L'une des difficultés tient au fait que les créateurs et distributeurs de logiciels sont curieusement très discrets sur le type de générateur utilisé. Ainsi, SAS ([22]) donne le module de son générateur RANUNI ($2^{31} - 1$) et cite un article de Fishman et Moore ([5]), sans donner plus de détail. De même, la documentation en ligne de S-plus fait référence à un générateur « Super-Duper modifié » sans en dire plus.

En 1996, Marsaglia ([12]) a mis au point le programme DIEHARD qui vérifie le caractère aléatoire d'une séquence de nombres, à partir d'une batterie de 18 tests statistiques. Ces tests, et leur interprétation, sont décrits en détail dans la documentation du programme ; certains d'entre eux sont aussi décrits dans Knuth ([9]).

2. Comparaison des performances des logiciels

2.1. Sources et méthodologie

Cette partie présente les résultats obtenus par de grands logiciels aux tests du NIST et DIEHARD. Les sources sont nombreuses : articles publiés dans des revues, résultats trouvés sur les sites même des logiciels, résultats de tests menés par les élèves de l'ENSAE dans le cadre du cours « Logiciels Statistiques », propres calculs des auteurs et de leurs amis etc.

Cette diversité des sources est en soi une faiblesse. En effet, la machine sur laquelle vous effectuez les tests, et en particulier son processeur, a une influence sur les résultats numériques mêmes. Néanmoins, la quasi totalité de ces tests a été réalisée sur des PC à processeur Pentium et les vérifications que nous avons faites conduisent à des résultats cohérents, à la première décimale près. Certains tests sont encore en cours, notamment pour prendre en compte les versions les plus récentes des logiciels.

Les logiciels testés et les sources sont les suivants :

- Excel 2000 et XP : les tests ont été faits par McCullough et Wilson ([18]) et vérifiés par nous mêmes.

- Stata 6 : les résultats sont disponibles sur le site de Stata ([25]).

- SAS 6.12 et 8.2 : les tests ont été faits en grande partie par nous-mêmes, à l'exception de ceux relatifs aux régressions non-linéaires faits pour SAS 6.12 par McCullough ([15]). SAS donne aussi quelques résultats, cohérents avec nos calculs, sur son site ([22]).

- JMP 5.0 : les tests sont disponibles sur le site de JMP ([3]). L'article de Altman ([1]) donnant des résultats pour une version antérieure est fortement contesté par JMP (avec raison selon nos propres vérifications).

- TSP 4.4 : les tests sont disponibles sur le site de TSP ([26]).

- Mathematica 4 : les tests ont été faits par McCullough ([16]), Nerlove ([20]) et vérifiés par nous-mêmes.

- Gauss 3.2.37 : les tests ont été faits par Vinod ([27]).

- S-plus 4.0 : les tests ont été faits par McCullough ([15]).

- SPSS 7.5 : les tests ont été faits par McCullough ([15]).

Le nombre de résultats générés par les problèmes du NIST, à traiter et à commenter est très important. Par exemple, chaque problème de régression produit un tableau d'analyse de la variance et les estimations et écart-types des paramètres. Nous nous sommes donc restreints à quelques statistiques de base pour lesquelles le nombre de chiffres significatifs exacts a été calculé. Plus précisément :

- Pour les problèmes de statistique univariée, la moyenne, l'écart-type et le coefficient d'autocorrélation d'ordre 1 ont été conservés.

- Pour les problèmes d'analyse de la variance, qui sont des cas particuliers de régression linéaire, nous nous sommes concentrés sur la statistique de Fisher.

- Pour les problèmes de régression linéaire, nous nous sommes intéressés à l'estimation des paramètres et à la précision de ces estimations. Dans ce cas, nous avons reporté dans les tableaux le LRE obtenu pour l'estimation la moins précise des paramètres du modèle.

- Le tableau sur les problèmes non linéaires présente le LRE obtenu pour l'estimation la moins précise des paramètres du modèle.

TABLEAU 5
Résultats des différents logiciels sur les problèmes univariés (valeurs de LRE)
(valeur maximale du LRE : 15)

Moyenne									
Données	Pidigits	Lottery	Lew	Mavro	Michelso	NumAcc1	NumAcc2	NumAcc3	NumAcc4
	Facile	Facile	Facile	Facile	Facile	Facile	Moyen	Moyen	Difficile
Excel XP	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	14.0	15.0	14.0
Gauss 3.2.37	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	14.0	15.0	14.0
JMP 5.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	14.0	15.0	15.0
Math 4 (A)	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	14.0	15.0	14.0
Math 4 (B)	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0
SAS 8.2	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0
S-Plus 4.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	14.0	15.0	14.0
SPSS 7.5	14.7	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0
Stata 6	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0
TSP 4.4	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	14.0	15.0	15.0
Écart-type									
Données	Pidigits	Lottery	Lew	Mavro	Michelso	NumAcc1	NumAcc2	NumAcc3	NumAcc4
	Facile	Facile	Facile	Facile	Facile	Facile	Moyen	Moyen	Difficile
Excel XP	15.0	15.0	15.0	9.4	8.3	15.0	11.6	1.1	0.0
Gauss 3.2.37	15.0	15.0	15.0	13.1	13.8	15.0	15.0	9.5	8.3
JMP 5.0	15.0	15.0	15.0	13.1	15.0	15.0	14.6	9.5	8.3
Math 4 (A)	15.0	15.0	15.0	13.1	13.8	15.0	14.0	9.5	8.3
Math 4 (B)	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0
SAS 8.2	15.0	15.0	15.0	13.1	13.8	15.0	14.2	9.5	8.3
S-Plus 4.0	15.0	15.0	15.0	13.1	13.8	15.0	15.0	9.5	8.3
SPSS 7.5	15.0	15.0	13.2	12.1	12.4	15.0	15.0	9.5	8.3
Stata 6	15.0	15.0	15.0	13.1	13.8	15.0	15.0	9.5	8.3
TSP 4.4	15.0	15.0	15.0	13.1	13.8	15.0	14.6	9.5	8.3
Coefficient d'autocorrélation									
Données	Pidigits	Lottery	Lew	Mavro	Michelso	NumAcc1	NumAcc2	NumAcc3	NumAcc4
	Facile	Facile	Facile	Facile	Facile	Facile	Moyen	Moyen	Difficile
Excel XP	4.0	2.1	2.6	1.8	3.6	0.0	3.3	3.3	3.3
Gauss 3.2.37	15.0	15.0	14.8	13.7	13.4	15.0	15.0	11.2	9.0
JMP 5.0	13.0	15.0	15.0	13.8	15.0	15.0	13.7	11.2	9.0
Math 4 (A)	15.0	14.9	14.8	13.7	13.4	15.0	13.7	11.2	9.0
Math 4 (B)	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0	15.0
SAS 8.2	15.0	14.9	14.8	13.8	13.4	ns	15.0	11.9	10.7
S-Plus 4.0	6.8	7.4	7.0	7.1	7.3	15.0	7.1	7.1	7.3
SPSS 7.5	0	3.4	3.0	4.9	3.4	ns	15.0	15.0	15.0
Stata 6	14.9	15.0	14.8	13.7	13.4	15.0	15.0	11.9	10.7
TSP 4.4	13.0	15.0	15.0	13.8	13.4	15.0	13.7	11.2	9.0

ns : SAS et SPSS demandent au moins 3 valeurs pour faire le calcul.

2.2. Performances des logiciels sur les problèmes du NIST

Tout d'abord, une nouvelle rassurante : un logiciel réussit le score parfait sur les 58 problèmes du NIST. Il s'agit de Mathematica (nous avons testé la version 4.0), à condition d'utiliser deux options du logiciel qui permettent d'améliorer assez nettement la précision des calculs :

- La commande « \$MinPrecision = n » où n est le nombre de chiffres significatifs souhaité,
- La commande « Rationalize » qui permet de distinguer entre des nombres réels et des nombres rationnels.

Dans les tableaux, Mathematica apparaîtra donc sous deux formes : (A) avec les options par défaut et (B) avec les options ci-dessus.

2.2.1. Les statistiques univariées

Les résultats sont présentés dans le tableau 5. Tous les logiciels testés ont passé avec succès l'épreuve du calcul de la matrice des corrélations du « vilain fichier » de Wilkinson (tableau 2).

- Tous les logiciels testés calculent correctement les moyennes.
- Excel XP a quelques problèmes sur le calcul des écart-types, les autres logiciels réussissant des performances très voisines.
- Pour le calcul des coefficients d'autocorrélation, les choses se gâtent un peu. Les mauvais résultats affichés par Excel XP pourraient venir d'une définition différente du coefficient d'autocorrélation. Ce n'est pas le cas pour SPlus et SPSS qui obtiennent des résultats vraiment « très moyens ». La réponse de Splus à ces problèmes est assez amusante : « *The article tested the S-PLUS autocorrelation procedure "acf", which uses single precision and produces about 7 digits of accuracy. The correlation procedure "cor" in S-PLUS 4.0 and later uses double-precision and extremely accurate algorithms.* ». En d'autres termes, si vous voulez calculer une autocorrélation, n'utilisez pas la commande qui calcule ces autocorrélations !

2.2.2. Analyse de la variance

Les résultats, présentés dans le tableau 6, montrent une plus grande diversité dans la qualité des logiciels. Excel et SPSS ne réussissent à traiter que les problèmes faciles, les autres logiciels ayant des difficultés avec les 3 problèmes les plus difficiles de Simon et Lesage. SAS et Stata ont des performances légèrement supérieures à celles des autres logiciels.

Néanmoins, si on compare ces performances avec celles, parfaites, de Mathematica, on est amené à conclure que les algorithmes mis en œuvre par tous ces logiciels sont de qualité bien insuffisante.

2.2.3. Régression linéaire

Dans ce domaine (voir tableau 7), la surprise vient du logiciel Gauss qui, pour un logiciel prisé par les économètres, réussit des performances assez médiocres, inférieures à celles de Excel !

Les logiciels ont tous, à l'exception de SPlus, de grosses difficultés à traiter le jeu de données Filippelli qui présente un cas de très forte colinéarité. Il est étonnant de constater une telle variété dans les résultats, variété qui traduit celle des algorithmes utilisés. De façon générale, si on compare encore les résultats obtenus à ceux de Mathematica, force est de constater que les développeurs ont encore bien des progrès à faire.

2.2.4. Régression non linéaire

Les problèmes non linéaires du NIST sont les plus difficiles à résoudre et les plus sujets à controverse. Il existe en effet souvent plusieurs procédures disponibles dans les logiciels pour les traiter et chaque procédure possède en général une multitude d'options. Il est ainsi possible de discuter les résultats obtenus en invoquant, dans tel cas particulier, l'utilisation de telle option ou de telle valeur du paramètre. Les résultats des tests sont présentés dans le tableau 8. La Figure 2 en donne une présentation plus synthétique.

Ce graphique traduit les performances médiocres de Gauss et, au contraire, le bon score de JMP, un logiciel d'analyse exploratoire a priori peu spécialisé dans ces problèmes.

TABLEAU 6
*Résultats des différents logiciels (valeurs de LRE) sur les problèmes d'analyse de la variance (statistique de Fisher).
(valeur maximale du LRE : 15)*

Données	Logiciel	Excel XP	Gauss 3.2.37	JMP 5.0	Mathematica 4.0 (B)	SAS 8.2	S-Plus 4.0	SPSS 7.5	Stata 6	TSP 4.4
SiRstv	Facile	8.5	12.4	12.4	15.0	12.7	13.3	9.6	13.1	13.1
SmLs01	Facile	14.3	14.5	14.0	15.0	15.0	14.5	15.0	14.4	14.6
SmLs02	Facile	12.5	14.1	13.4	15.0	13.9	14.3	15.0	13.3	14.7
SmLs03	Facile	12.6	12.7	12.4	15.0	12.7	12.9	12.7	14.7	12.3
AtmWtAg	Moyen	1.8	8.5	8.4	15.0	8.8	9.7	miss	10.2	10.2
SmLs04	Moyen	1.7	8.5	8.2	15.0	10.4	10.4	0.0	10.4	10.4
SmLs05	Moyen	1.1	8.3	8.0	15.0	10.2	10.2	0.0	10.2	10.2
SmLs06	Moyen	0	6.5	6.2	15.0	10.2	10.2	0.0	10.2	10.2
SmLs07	Difficile	0	2.7	2.4	15.0	4.4	4.6	0.0	4.4	4.6
SmLs08	Difficile	0	2.2	1.9	15.0	4.2	2.7	0.0	4.4	1.9
SmLs09	Difficile	0	0	0.3	15.0	4.2	0.0	0.0	4.2	0.8

miss : résultat mis à valeur manquante par le logiciel

TABLEAU 7
Résultats des différents logiciels (valeurs de LRE) sur les problèmes de régression linéaire
(valeur maximale du LRE : 15)

Logiciel	Excel XP	Gauss 3.2.37	JMP 5.0	Mathematica 4.0 (A)	Mathematica 4.0 (B)	SAS 8.2	S-Plus 4.0	SPSS 7.5	Stata 6	TSP 4.4	
Données	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$ $\lambda_{\hat{\sigma}}$	
Norris	Facile	12.1 13.8	12.2 10.5	12.2 11.7	12.7 13.9	15.0 15.0	11.8 12.5	14.1 12.3	10.2 12.8	13.5 12.2	14.2
Pontius	Facile	11.2 14.3	11.6 7.9	11.2 8.4	5.3 5.3	15.0 15.0	8.6 12.7	13.2 12.5	8.9 11.5	13.0 11.9	12.7
NoInt1	Moyen	14.7 15.0	14.7 13.4	14.7 13.5	15.0 15.0	15.0 15.0	14.0 14.7	14.4 14.7	12.5 14.7	15.0 14.7	14.8
NoInt2	Moyen	15.0 15.0	14.3 15.0	14.6 15.0	15.0 15.0	15.0 15.0	15.0 15.0	15.0 15.0	14.3 15.0	15.0 15.0	14.9
Filippelli	Difficile	0 0	0 0	ns ns	ns ns	15.0 15.0	2.2 0.0	7.1 7.0	ns ns	ns ns	0.0 0.0
Longley	Difficile	7.4 8.6	8.5 10.0	ns ns	11.6 12.1	15.0 15.0	13.1 10.3	13.0 14.2	12.1 13.3	12.1 12.9	11.7 12.4
Wampler1	Difficile	6.6 7.2	6.1 0	8.0 15.0	9.2 15.0	15.0 15.0	15.0 15.0	9.8 15.0	6.6 6.6	6.9 15.0	9.2 15.0
Wampler2	Difficile	9.7 11.8	9.4 4.4	10.6 15.0	10.1 15.0	15.0 15.0	15.0 15.0	13.5 15.0	9.7 9.7	9.7 15.0	12.5 15.0
Wampler3	Difficile	6.6 11.2	6.1 6.3	8.0 10.8	6.5 10.1	15.0 15.0	11.2 9.2	13.5 7.4	10.6 6.5	10.8 9.0	13.5
Wampler4	Difficile	6.6 11.2	6.1 10.1	8.0 10.9	4.5 10.1	15.0 15.0	11.2 7.5	13.6 7.4	10.8 6.5	10.8 8.9	13.8
Wampler5	Difficile	6.6 11.2	6.1 10.5	8.0 10.9	2.5 10.1	15.0 15.0	13.7 11.2	5.5 13.5	5.8 10.8	6.4 10.8	7.3 13.8

ns : pas de solution

$\lambda_{\hat{\beta}}$ (resp. $\lambda_{\hat{\sigma}}$) est la valeur du LRE du paramètre (resp. de l'écart-type) estimé avec le moins de précision.

TABLEAU 8
*Résultats des différents logiciels (valeurs de LRE) sur les problèmes de
régression non linéaire. Le LRE reporté est, pour chaque problème,
celui du coefficient estimé avec le moins de précision
(valeur maximale du LRE : 11)*

Dataset	Logiciel	Excel XP	Gauss 3.2.37	JMP 5.0	Mathematica 4 (A)	Mathematica 4 (B)	SAS 6.12	S-Plus 4.0	SPSS 7.5	Stata 6	TSP 4.4
Misra1a	Facile	4.8	7.4	11.0	10.1	11.0	9.2	9.3	6.1	9.1	9.5
Chwirut2	Facile	4.6	5.0	10.9	10.3	11.0	7.6	7.6	7.5	7.9	8.6
Chwirut1	Facile	4.9	5.6	9.9	8.8	11.0	8.6	7.3	7.1	7.6	10.6
Lanczos3	Facile	0.0	3.2	10.5	9.8	11.0	6.7	6.6	6.9	6.2	8.3
Gauss1	Facile	0.0	8.8	10.6	10.6	11.0	8.7	8.7	7.4	8.6	8.8
Gauss2	Facile	0.0	9.0	10.3	10.0	11.0	8.4	8.4	7.4	8.2	10.3
DanWood	Facile	5.5	7.9	11.0	10.0	11.0	10.1	8.0	9.5	8.6	10.2
Misra1b	Facile	4.4	8.5	11.0	9.5	11.0	10.1	9.3	6.7	9.3	10.9
Kirby2	Moyen	1.1	0.0	9.9	8.5	11.0	7.5	7.4	7.7	8.1	10.6
Hahn1	Moyen	0.0	0.0	10.8	7.2	11.0	7.8	7.6	5.4	7.1	8.6
Nelson	Moyen	1.3	0.0	10.1	8.1	11.0	7.1	7.6	6.5	7.1	8.9
MGH17	Moyen	0.0	0.0	10.8	9.6	11.0	8.8 *	7.9	7.6	9.4 *	10.3 *
Lanczos1	Moyen	0.0	0.0	10.6	10.6	11.0	10.7	10.6	9.6	10.6	10.6
Lanczos2	Moyen	0.0	3.2	10.4	10.4	11.0	10.3	10.3	8.7	7.4	10.4
Gauss3	Moyen	0.0	8.2	10.5	9.2	11.0	9.2	9.2	7.6	8.2	9.2
Misra1c	Moyen	4.6	7.2	10.8	9.1	11.0	10.5	8.1	5.9	9.2	10.8
Misra1d	Moyen	5.3	3.0	11.0	9.2	11.0	8.7	9.4	6.1	9.3	11.0
Roszman1	Moyen	3.7	7.1	10.9	8.1	11.0	8.6	7.0	6.6	7.9	7.5
ENSO	Moyen	3.4	5.8	10.7	6.6	11.0	7.1	5.6	0.0	4.7	7.4
MGH09	Difficile	0.0	5.3	7.5 *	7.7	11.0	6.5 *	6.7	7.6	7.0 *	8.1 *
Thurber	Difficile	1.8	6.0	10.4	7.9	11.0	6.4	6.9	8.2	6.5	7.8
BoxBod	Difficile	0.0	8.2	9.8 *	11.0	11.0	7.1 *	7.8	6.9	7.3	8.4
Rat42	Difficile	5.3	0.0	11.0	9.7	11.0	8.3	7.6	6.8	7.6	8.8
MGH10	Difficile	0.0	ns	10.9 *	8.9	11.0	0.0	10.3	7.1	7.5 *	10.9 *
Eckerle4	Difficile	0.0	9.1	10.4 *	9.6	11.0	8.3 *	9.2	9.9	8.3 *	9.9 *
Rat43	Difficile	0.0	6.7	11.0 *	8.7	11.0	0.0	8.2	8.8	6.0 *	7.4
Bennett5	Difficile	0.0	ns	11.0	11.0	11.0	0.0	10.3	9.9	6.3	11.0

ns : pas de solution

* : solution obtenue à partir de Start II.

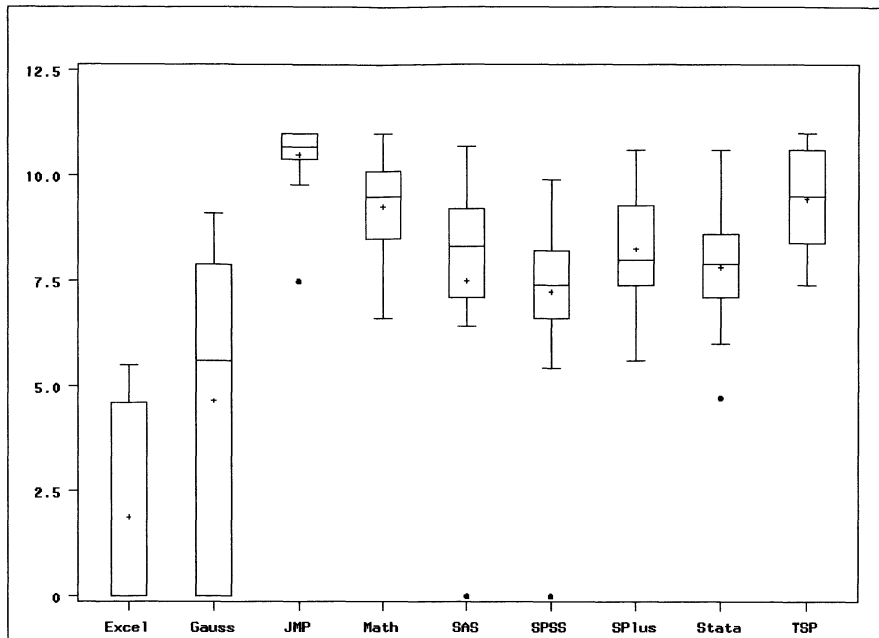


FIGURE 2

Représentation des résultats des différents logiciels aux tests de régression non linéaire (boxplots des 27 LRE pour chaque logiciel)

2.3. Les générateurs de nombres aléatoires

Les résultats des différents générateurs de nombres aléatoires, uniformément répartis entre 0 et 1, sont présentés dans le tableau 9. Ces tests sont plutôt destinés à des générateurs ayant une période supérieure ou égale à 2^{32} , mais un bon générateur de période $2^{31} - 1$, et ceux habituellement disponibles dans les logiciels sont de ce type, devrait les passer avec succès.

Seul le générateur de JMP réussit le score parfait. Mathematica, SAS, SPSS ont des générateurs corrects qui pourraient néanmoins être améliorés. Les générateurs de Gauss et Excel sont simplement obsolètes.

JMP ([4]) utilise depuis sa version 4.0.5 un algorithme de Mersenne-Twister, de période $2^{19937} - 1$, manifestement supérieur aux autres générateurs. Ce qui est surprenant, c'est que ces générateurs sont en général du domaine public et on comprend mal que les logiciels ne soient pas, en la matière, à la pointe du progrès.

TABLEAU 9
Résultats des différents générateurs aux tests de Marsaglia (DIEHARD)

Test	Excel	GAUSS	JMP	Mathematica	SAS	S-Plus	SPSS
Birthday Spacings Test	p	F	p	F	p	p	p
Overlapping 5-Permutation Test	p	F	p	p	p	p	p
Binary Rank For 31×31 Matrices	p	F	p	p	p	p	p
Binary Rank For 32×32 Matrices	p	F	p	p	p	p	p
Binary Rank For 6×8 Matrices	p	F	p	p	p	p	p
Bitstream Test (p values)	p	F	p	p	p	p	p
OPSO Test	F	p	p	p	p	p	p
OQSO Test	F	p	p	p	p	F	p
DNA Test	F	p	p	p	p	F	p
Count the Ones Test (stream of bytes)	F	p	p	p	F	F	F
Count the Ones Test (specific byte)	F	F	p	p	p	F	p
Parking Lot Test	p	F	p	p	p	p	p
Minimum Distance Test	p	F	p	p	p	p	p
3-D Spheres Test	F	F	p	p	p	p	p
Squeeze Test	F	p	p	p	p	p	p
Overlapping Sums Test	p	p	p	p	p	p	p
Runs Test	p	p	p	p	p	p	p
Craps Test	p	p	p	p	p	p	p

p : pass, F : fail

3. Variations autour d'un même logiciel

Même si vous choisissez un « bon » logiciel, vous n'êtes pas à l'abri de certaines surprises. En effet, il existe souvent plusieurs commandes permettant de calculer une moyenne, une variance, une droite de régression etc. Et en général les algorithmes, et donc la précision des estimations, varient d'une commande à l'autre. Par ailleurs, les algorithmes peuvent évoluer d'une version à l'autre d'un logiciel ; le plus souvent, ils sont améliorés ... mais pas toujours !

3.1. Différentes commandes, différentes qualités

Il est ainsi surprenant de constater que des algorithmes simples, calcul de variance ou de droite de régression par exemple, peuvent varier assez fortement selon la commande que vous utilisez. C'est le cas, dans la version SAS 8.2, pour les procédures MEANS et UNIVARIATE. Le tableau 10 illustre cette différence de précision.

TABLEAU 10
*Précision du calcul de l'écart-type (valeurs de LRE)
 dans les procédures MEANS et UNIVARIATE de SAS 8.2
 (valeur maximale du LRE :15)*

		PROC MEANS	PROC UNIVARIATE
PiDigits	facile	15.0	15.0
Lottery	facile	15.0	15.0
Lew	facile	15.0	15.0
Mavro	facile	13.1	12.8
Michelso	moyen	13.8	12.4
NumAcc1	moyen	15.0	15.0
NumAcc2	moyen	14.2	15.0
NumAcc3	moyen	9.5	9.4
NumAcc4	difficile	8.3	8.3

Le tableau 11 illustre le même phénomène, pour la régression linéaire dans SAS 8.2, en comparant les procédures REG, ORTHOREG et IML. La procédure ORTHOREG est sensée être plus adaptée dans les cas où les données sont « difficiles », par exemple dans le cas de forte colinéarité. De fait, la précision est globalement meilleure sur les problèmes du NIST.

Dans le module IML, vous pouvez directement programmer les résultats d'une régression linéaire. Usuellement le statisticien ou économètre va directement traduire les formules mathématiques, en écrivant, par exemple pour les estimations des paramètres du modèle :

$$\beta = \text{INV}(T(x)^*x)^*T(x)^*y ;$$

Comme le montrent les résultats du tableau 11, les résultats obtenus seront de précision moindre. C'est une règle générale : l'algorithmique est un métier et il est pratiquement impossible d'écrire sans formation un bon algorithme. En particulier, l'utilisation directe d'une formule mathématique pour calculer une expression est très rarement une manière efficace de procéder.

De même Nerlove ([20]) constate que le module statistique développé par NAG pour compléter Excel (les fameux « add ins »), ne donne pas des résultats bien meilleurs qu'Excel lui-même. Vinod ([27]) fait la même remarque pour Gauss.

TABLEAU 11
Précision de la régression linéaire (valeurs de LRE)
dans les procédures REG, ORTHOREG et IML de SAS 8.2
(valeur maximale du LRE :15)

		REG		ORTHOREG		IML	
Données		$\lambda_{\hat{\beta}}$	$\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$	$\lambda_{\hat{\sigma}}$	$\lambda_{\hat{\beta}}$	$\lambda_{\hat{\sigma}}$
Norris	facile	12.3	11.8	11.9	13.8	12.5	14.1
Pontius	facile	11.5	8.6	12.1	12.3	10.6	13.4
NoInt1	moyen	14.7	14.0	14.7	15.0	14.7	15.0
NoInt2	moyen	15.0	15.0	15.0	14.6	15.0	15.0
Filip	difficile	0.0	0.0	0.0	0.0	ns	ns
Longley	difficile	8.6	10.3	13.6	14.6	7.0	10.2
Wampler1	difficile	6.6	15.0	10.2	15.0	4.8	5.2
Wampler2	difficile	9.6	15.0	13.2	15.0	8.6	9.9
Wampler3	difficile	6.6	11.2	9.8	13.6	4.8	10.7
Wampler4	difficile	6.6	11.2	8.1	13.6	4.8	10.7
Wampler5	difficile	6.6	11.2	6.1	13.6	4.8	10.7

ns : pas de solution

3.2. Versions différentes, qualités différentes

Les articles sur la précision des logiciels commencent à avoir des répercussions assez positives sur la qualité des logiciels. Ainsi JMP, Stata, TSP présentent sur leur site web les résultats de leur logiciel aux différents tests. La référence à ces tests et la publication complète des résultats est souvent un gage de qualité du logiciel et, *a contrario*, l'absence de référence à ces tests devrait inciter à une certaine méfiance.

En général, les algorithmes des logiciels tendent à s'améliorer d'une version à l'autre, parfois très nettement. C'est le cas de la procédure ANOVA de SAS qui, entre les version 6.12 et 8.2, a été complètement revue, comme le montrent les résultats du tableau 12.

TABLEAU 12
Précision de la procédure ANOVA (valeurs de LRE) dans SAS 6.12 et SAS 8.2
(valeur maximale du LRE :15)

		SAS 6.12	SAS 8.2
SiRstv	Facile	8.3	12.7
SmLs01	Facile	13.3	15.0
SmLs02	Facile	11.4	13.9
SmLs03	Facile	11.8	12.7
AtmWtAg	Moyen	0.9	8.8
SmLs04	Moyen	0.8	10.4
SmLs05	Moyen	0.0	10.2
SmLs06	Moyen	0.0	10.2
SmLs07	Difficile	0.0	4.4
SmLs08	Difficile	0.0	4.2
SmLs09	Difficile	0.0	4.2

Ce n'est malheureusement pas toujours le cas. Ainsi, McCullough et Wilson ([18]) regrettent que Microsoft n'ait apporté aucune amélioration aux algorithmes statistiques de Excel : les résultats obtenus par ce logiciel sont les mêmes dans les versions 97, 2000 et XP. Ils sont par ailleurs particulièrement sévères sur les corrections apportées au générateur de nombres aléatoires distribués selon une loi normale.

4. Conclusion

Les différents jeux d'essai du NIST, les données de Wilkinson, les tests DIEHARD mis au point par Marsaglia pour les générateurs de nombres aléatoires et ceux de Knüsel pour les distributions statistiques ont permis de définir un cadre méthodologique standard d'évaluation et de comparaison de la précision des logiciels statistiques.

Les diverses expériences faites montrent que les logiciels statistiques sont de qualité assez variable : le critère « précision des calculs » doit être sérieusement pris en compte lors du choix d'un logiciel. Mathematica est le seul logiciel réussissant un score parfait sur les jeux d'essai du NIST. Excel et Gauss sont, *a contrario*, les logiciels testés présentant les résultats les plus décevants. Ce n'est en soi pas très inquiétant pour Excel qui n'est pas un logiciel statistique proprement dit. Au contraire, Gauss est très populaire auprès des économètres et on ne peut que s'inquiéter de ses performances assez décevantes en régression.

Ces jeux d'essai tendent à devenir des standards auxquels les meilleurs logiciels n'hésitent plus à faire référence sur leurs sites internet. Indubitablement, ils entraînent aussi une amélioration de la qualité des algorithmes et des générateurs de nombres aléatoires.

Référence

- [1] ALTMAN M. (2003), « A Review of JMP 4.03 with Special Attention to its Numerical Accuracy », *American Statistician*, vol. 56, pp. 72-75.
- [2] BROWN B. W. (1998), « DCDFLIB v1.1 » (Double precision Cumulative Distribution Function LIBrary), disponible sur <ftp://odin.mdacc.tmc.edu/pub/source>.
- [3] CREIGHTON L., DING J., « Assessing the Numerical Accuracy of JMP », disponible sur <http://www.jmp.com/product/NIST.pdf>
- [4] CREIGHTON L., « Assessing Random Numbers in JMP », disponible sur <http://www.jmp.com/product/RNG.pdf>
- [5] FISHMAN G. S., MOORE L. R. (1982), « A Statistical Evaluation of Multiplicative Congruential Generators with Modulus ($2^{31} - 1$) », *Journal of the American Statistical Association*, 77, 129-136.

- [6] KNÜSEL L. (1998), « On the accuracy of statistical distributions in Microsoft Excel 97 », *Computational Statistics and Data Analysis*, 26, pp. 375–377.
- [7] KNÜSEL L. (1995), « On the accuracy of statistical distributions in Gauss », *Computational Statistics and Data Analysis*, 20, pp. 699–702.
- [8] KNÜSEL L. (1989), « Computergestützte Berechnung Statistischer Verteilungen », Oldenburg, München-Wien. Une version anglaise du programme est disponible sur www.stat.uni-muenchen.de/~knuesel/elv.
- [9] KNUTH D.E. (1997), *The Art of Computer Programming*, Addison-Wesley.
- [10] LONGLEY J. W. (1967), « An Appraisal of Computer Programs for the Electronic Computer from the Point of View of the User », *Journal of the American Statistical Association*, 62, pp. 819–841.
- [11] MABALLÉE Colette et Berthe (1925), « Algorithms and Best Linear Unbiased EstimatorS », *Journal of the Statistical Society of Dublin*, vol. 49, pp. 469–475.
- [12] MARSAGLIA G. (1996), « DIEHARD: A Battery of Tests of Randomness », <http://stat.fsu.edu/pub/~diehard>.
- [13] MARSAGLIA G. (1968), « Random Numbers Fall Mainly in the Planes », in *Proceedings of the National Academy of Sciences of the USA*, 60, pp. 25–28.
- [14] McCULLOUGH B.D. (November 1998), « Assessing the reliability of statistical software : Part I », *The American Statistician*, vol. 52, n° 4, pp. 358–366.
- [15] McCULLOUGH B. D. (May 1999), « Assessing the reliability of statistical software : Part II », *The American Statistician*, vol. 53, n° 2, pp. 149–159.
- [16] McCULLOUGH B. D. (2000), « The Accuracy of Mathematica 4 as a statistical package », *Computational Statistics*, vol. 15.0, pp. 279–299.
- [17] McCULLOUGH B. D., VINOD H. D. (1999), « The Numerical Reliability of Econometric Software », *Journal of Economic Literature*, vol. XXXVII, pp. 633–665.
- [18] McCULLOUGH B. D., WILSON B. (2002), « On the accuracy of statistical procedures in Microsoft Excel 2000 and XP », *Computational Statistics & Data Analysis*, vol. 40, 3, pp. 325–332.
- [19] McKINNON J. G. (1996), « Numerical Distribution Functions for Unit Root and Cointegration tests », *Journal of Applied Econometrics*, 11, pp. 601–618.
- [20] NERLOVE M. (2001), « On the numerical accuracy of Mathematica 4.1 for doing ordinary least squares regression », Manuscript, AREC, University of Maryland.
- [21] NIST (1998), « StRD : Statistical Reference Datasets for Assessing the Numerical Accuracy of Statistical Softwares », disponible sur <http://www.nist.gov/itl/div898/strd>.
- [22] SAS Institute, « Assessing the Numerical Accuracy of SAS Software », disponible sur <http://www.sas.com/rnd/app/papers/statisticalaccuracy.pdf>
- [23] SIMON S. D., LESAGE J. P. (1989), « Assessing the Accuracy of ANOVA Calculations in Statistical Software », *Computational Statistics & Data Analysis*, 8, pp. 325–332.

- [24] SPENCER J. (1904), « On the graduation of rates of sickness and mortality », *Journal of the Institute of Actuaries*, vol. 38.
- [25] Stata, Statistical Software, résultats des tests disponibles sur <http://www.stata.com/support/cert/>
- [26] TSP International, Benchmarks, <http://www.tspintl.com/products/tsp/benchmarks/index.htm>
- [27] VINOD H. D. (2000), « Review of Gauss for Windows, Including its Numerical Accuracy », *Journal of Applied Econometrics*, vol. 15.0, pp. 211-220.
- [28] WAMPLER R. H. (1970), « A Report on the Accuracy of Some Widely-Used Least Squares Computer Programs », *Journal of the American Statistical Association*, 65, pp. 549-565.
- [29] WAMPLER R. H. (1980), « Test Procedures and Test Problems for Least Squares Algorithms », *Journal of Econometrics*, 12, pp. 3-22.
- [30] WILKINSON L. (1985), *Statistics Quiz*, Evanston, IL : SYSTAT Inc., (disponible sur <http://www.tspintl.com/benchmarks>)