

REVUE DE STATISTIQUE APPLIQUÉE

PLANEC

Curseurs relatifs au contrôle et à l'analyse statistiques

Revue de statistique appliquée, tome 15, n° 3 (1967), p. 81-88

http://www.numdam.org/item?id=RSA_1967__15_3_81_0

© Société française de statistique, 1967, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Revue de statistique appliquée » (<http://www.sfds.asso.fr/publicat/rsa.htm>) implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme
Numérisation de documents anciens mathématiques
<http://www.numdam.org/>

CURSEURS RELATIFS AU CONTROLE ET A L'ANALYSE STATISTIQUES

présentés par PLANEC

Les deux curseurs représentés ci-après se rapportent au système d'échantillonnage MIL,STD.105D et aux différents tests et lois statistiques les plus couramment utilisés en pratique.

La description qui va suivre sera complétée du mode d'emploi illustré par des exemples.

I - SYSTEME D'ECHANTILLONNAGE PAR ATTRIBUTS MIL,STD.105D.

Le curseur, modèle Rd, rassemble sur ses deux faces les plans d'échantillonnage Simple-Double et Multiple ainsi que les valeurs correspondantes des courbes d'efficacité.

Les niveaux de qualité acceptables (AQL) s'étendent de 0,10 à 10.

Exemple : soit le plan de contrôle suivant :

Grandeur du lot : 1 500 pièces

Niveau : II

AQL : 0,65

Lire sur le tableau la lettre correspondant à la grandeur du lot et à l'A.Q.L. choisi.

Pour $N = 1\,500$ (1 201 à 3 200) et niveau II, on lit la lettre K que l'on fait apparaître dans la lumière associée à l'A.Q.L. 0,65.

Cette manoeuvre permet de découvrir les données suivantes :

Simple échantillonnage : Prélèvement $n = 125$

Acceptation $A = 2$

Refus $R = 3$

Double échantillonnage : 1er prélèvement $n_1 = 90$

Acceptation $A_1 = 0$

Refus $R_1 = 3$

2ème prélèvement éventuel $n_2 = 80$

Acceptation $A_2 = 3$

Refus $R_2 = 4$

SYSTEME D'ECHANTILLONNAGE

MIL-STD. 105 D

Modèle Rd

GRANDEUR du LOT	NIVEAU									
	S1	S2	S3	S4	I	II	III			
2	A	A	A	A	A	A	B			
9	A	A	A	A	A	B	C			
16	A	A	A	B	B	C	D			
26	A	A	B	B	C	C	D			
51	A	B	B	C	C	C	E			
91	B	B	C	D	D	F	G			
151	B	C	D	E	E	G	H			
281	B	C	D	E	F	H	J			
501	C	C	E	F	G	J	K			
1201	C	D	E	F	G	K	L			
3201	C	D	F	G	H	L	M			
10001	C	D	F	G	J	M	N			
35001	D	E	G	J	L	N	P			
150001	D	E	G	J	M	P	Q			
500001 et plus	D	E	H	K	N	Q	R			

CODE-LETTRE	R	A.Q.L		Simple	Double	Multiple
		n	n ₁ -n ₂			
0.10	2000	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.05	1250	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.025	500	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.01	250	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.005	125	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.0025	63	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.001	32	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.0005	16	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.00025	8	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.0001	4	5-6	2-5	6-7	500	1-5
0.00005	2	5-6	2-5	6-7	500	1-5

A.Q.L
0.10 à 0.40

% de defectueux

CODE-LETTRE	n	n ₁ -n ₂	n successifs	A.Q.L	Simple	Double	Multiple
0.05	125	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.025	63	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.01	32	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.005	16	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.0025	8	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.001	4	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.0005	2	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.00025	1	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.0001	0.5	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.00005	0.25	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.000025	0.125	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R
0.00001	0.063	2-3	0-3	A - R	A1 - R1	A2 - R2	A - R

A.Q.L
0.40 à 1

% de defectueux

Probabilité

n : Prélèvement
A : Acceptation
R : Refus
↑ : Voir ci-dessus

PLANEC
39 rue Noël CHOISY-le-ROI- 94
r.c.Seine 59 A 19621

Multiple échantillonnage : 1er prélèvement n = 32

Acceptation A = X

Refus R = 2

2ème prélèvement n = 32

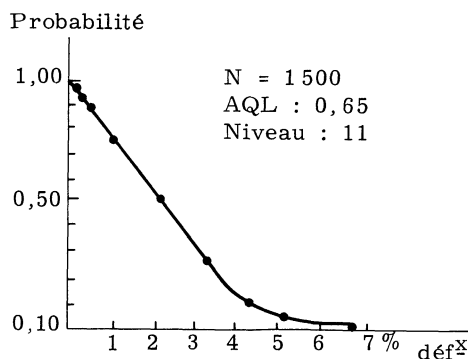
Acceptation A = 0

Refus R = 3

et ainsi de suite

Valeurs de la courbe d'efficacité.

Probabilité	% de défectueux
0,99	0,35
0,95	0,65
0,90	0,88
0,75	1,38
0,50	2,14
0,25	3,14
0,10	4,26
0,05	5,04
0,01	6,73



II - TESTS ET LOIS STATISTIQUES

L'ensemble des tests et lois statistiques fondamentaux fait l'objet du curseur modèle RL qui rassemble :

1/ Sur l'une des faces :

- la table de distribution de t (Loi de Student-Fisher).

Cette table donne les valeurs de t ayant la probabilité P d'être dépassée en module.

Exemple - Soit une population normale de moyenne m et un échantillon n extrait de cette population, de moyenne $\bar{x}$ et d'écart type s'.

Prenons m = 14 ; $\bar{x}$ = 14,6 ; s' = 1,2 ; n = 16.

On forme

$$t = \frac{\bar{x} - m}{s' / \sqrt{n}} = 2$$

On fait apparaître d.d.l. = 16,1 = 15. On lit qu'il y a une probabilité de 0,05 pour que |t| soit supérieur à 2,131.

La table donne les probabilités :

0,90 - 0,80 - 0,70 - 0,60 - 0,50

0,40 - 0,30 - 0,20 - 0,10 - 0,05

0,02 - 0,01

et les valeurs d.d.l. s'étendant de 1 à 30.

TABLE •t•

D. d. l.	15
0.90	.128
0.80	.258
0.70	.393
0.60	.536
0.50	.691
0.40	.866
0.30	1.074
0.20	1.341
0.10	1.753
0.05	2.131
0.02	2.602
0.01	2.947

TABLE •X²•

Probabilité	
0.990	
0.975	
0.950	
0.900	
0.100	
0.050	
0.025	
0.010	

TABLE de la CORRELATION TRANSFORMEE $Z = \frac{1}{2} \log \frac{1+r}{1-r}$

Z	0.0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4
0.01	.01	.19	.37	.55	.73	.91	.10	.27	.44	.61	.78	.95	.11	.28	.45
0.02	.02	.20	.38	.56	.74	.92	.11	.28	.45	.62	.79	.96	.12	.29	.46
0.03	.03	.21	.39	.57	.75	.93	.12	.29	.46	.63	.80	.97	.13	.30	.47
0.04	.04	.22	.40	.58	.76	.94	.13	.30	.47	.64	.81	.98	.14	.31	.48
0.05	.05	.23	.41	.59	.77	.95	.14	.31	.48	.65	.82	.99	.15	.32	.49
0.06	.06	.24	.42	.60	.78	.96	.15	.32	.49	.66	.83	.00	.16	.33	.50
0.07	.07	.25	.43	.61	.79	.97	.16	.33	.50	.67	.84	.01	.17	.34	.51
0.08	.08	.26	.44	.62	.80	.98	.17	.34	.51	.68	.85	.02	.18	.35	.52
0.09	.09	.27	.45	.63	.81	.99	.18	.35	.52	.69	.86	.03	.19	.36	.53
0.10	.10	.28	.46	.64	.82	.00	.19	.36	.53	.70	.87	.04	.20	.37	.54
0.11	.11	.29	.47	.65	.83	.01	.20	.37	.54	.71	.88	.05	.21	.38	.55
0.12	.12	.30	.48	.66	.84	.02	.21	.38	.55	.72	.89	.06	.22	.39	.56
0.13	.13	.31	.49	.67	.85	.03	.22	.39	.56	.73	.90	.07	.23	.40	.57
0.14	.14	.32	.50	.68	.86	.04	.23	.40	.57	.74	.91	.08	.24	.41	.58
0.15	.15	.33	.51	.69	.87	.05	.24	.41	.58	.75	.92	.09	.25	.42	.59
0.16	.16	.34	.52	.70	.88	.06	.25	.42	.59	.76	.93	.10	.26	.43	.60
0.17	.17	.35	.53	.71	.89	.07	.26	.43	.60	.77	.94	.11	.27	.44	.61
0.18	.18	.36	.54	.72	.90	.08	.27	.44	.61	.78	.95	.12	.28	.45	.62
0.19	.19	.37	.55	.73	.91	.09	.28	.45	.62	.79	.96	.13	.29	.46	.63
0.20	.20	.38	.56	.74	.92	.10	.29	.46	.63	.80	.97	.14	.30	.47	.64
0.21	.21	.39	.57	.75	.93	.11	.30	.47	.64	.81	.98	.15	.31	.48	.65
0.22	.22	.40	.58	.76	.94	.12	.31	.48	.65	.82	.99	.16	.32	.49	.66
0.23	.23	.41	.59	.77	.95	.13	.32	.49	.66	.83	.00	.17	.33	.50	.67
0.24	.24	.42	.60	.78	.96	.14	.33	.50	.67	.84	.01	.18	.34	.51	.68
0.25	.25	.43	.61	.79	.97	.15	.34	.51	.68	.85	.02	.19	.35	.52	.69
0.26	.26	.44	.62	.80	.98	.16	.35	.52	.69	.86	.03	.20	.36	.53	.70
0.27	.27	.45	.63	.81	.99	.17	.36	.53	.70	.87	.04	.21	.37	.54	.71
0.28	.28	.46	.64	.82	.00	.18	.37	.54	.71	.88	.05	.22	.38	.55	.72
0.29	.29	.47	.65	.83	.01	.19	.38	.55	.72	.89	.06	.23	.39	.56	.73
0.30	.30	.48	.66	.84	.02	.20	.39	.56	.73	.90	.07	.24	.40	.57	.74
0.31	.31	.49	.67	.85	.03	.21	.40	.57	.74	.91	.08	.25	.41	.58	.75
0.32	.32	.50	.68	.86	.04	.22	.41	.58	.75	.92	.09	.26	.42	.59	.76
0.33	.33	.51	.69	.87	.05	.23	.42	.59	.76	.93	.10	.27	.43	.60	.77
0.34	.34	.52	.70	.88	.06	.24	.43	.60	.77	.94	.11	.28	.44	.61	.78
0.35	.35	.53	.71	.89	.07	.25	.44	.61	.78	.95	.12	.29	.45	.62	.79
0.36	.36	.54	.72	.90	.08	.26	.45	.62	.79	.96	.13	.30	.46	.63	.80
0.37	.37	.55	.73	.91	.09	.27	.46	.63	.80	.97	.14	.31	.47	.64	.81
0.38	.38	.56	.74	.92	.10	.28	.47	.64	.81	.98	.15	.32	.48	.65	.82
0.39	.39	.57	.75	.93	.11	.29	.48	.65	.82	.99	.16	.33	.49	.66	.83
0.40	.40	.58	.76	.94	.12	.30	.49	.66	.83	.00	.17	.34	.50	.67	.84
0.41	.41	.59	.77	.95	.13	.31	.50	.67	.84	.01	.18	.35	.51	.68	.85
0.42	.42	.60	.78	.96	.14	.32	.51	.68	.85	.02	.19	.36	.52	.69	.86
0.43	.43	.61	.79	.97	.15	.33	.52	.69	.86	.03	.20	.37	.53	.70	.87
0.44	.44	.62	.80	.98	.16	.34	.53	.70	.87	.04	.21	.38	.54	.71	.88
0.45	.45	.63	.81	.99	.17	.35	.54	.71	.88	.05	.22	.39	.55	.72	.89
0.46	.46	.64	.82	.00	.18	.36	.55	.72	.89	.06	.23	.40	.56	.73	.90
0.47	.47	.65	.83	.01	.19	.37	.56	.73	.90	.07	.24	.41	.57	.74	.91
0.48	.48	.66	.84	.02	.20	.38	.57	.74	.91	.08	.25	.42	.58	.75	.92
0.49	.49	.67	.85	.03	.21	.39	.58	.75	.92	.09	.26	.43	.59	.76	.93
0.50	.50	.68	.86	.04	.22	.40	.59	.76	.93	.10	.27	.44	.60	.77	.94
0.51	.51	.69	.87	.05	.23	.41	.60	.77	.94	.11	.28	.45	.61	.78	.95
0.52	.52	.70	.88	.06	.24	.42	.61	.78	.95	.12	.29	.46	.62	.79	.96
0.53	.53	.71	.89	.07	.25	.43	.62	.79	.96	.13	.30	.47	.63	.80	.97
0.54	.54	.72	.90	.08	.26	.44	.63	.80	.97	.14	.31	.48	.64	.81	.98
0.55	.55	.73	.91	.09	.27	.45	.64	.81	.98	.15	.32	.49	.65	.82	.99
0.56	.56	.74	.92	.10	.28	.46	.65	.82	.99	.16	.33	.50	.66	.83	.00
0.57	.57	.75	.93	.11	.29	.47	.66	.83	.00	.17	.34	.51	.67	.84	.01
0.58	.58	.76	.94	.12	.30	.48	.67	.84	.01	.18	.35	.52	.68	.85	.02
0.59	.59	.77	.95	.13	.31	.49	.68	.85	.02	.19	.36	.53	.69	.86	.03
0.60	.60	.78	.96	.14	.32	.50	.69	.86	.03	.20	.37	.54	.70	.87	.04
0.61	.61	.79	.97	.15	.33	.51	.70	.87	.04	.21	.38	.55	.71	.88	.05
0.62	.62	.80	.98	.16	.34	.52	.71	.88	.05	.22	.39	.56	.72	.89	.06
0.63	.63	.81	.99	.17	.35	.53	.72	.89	.06	.23	.40	.57	.73	.90	.07
0.64	.64	.82	.00	.18	.36	.54	.73	.90	.07	.24	.41	.58	.74	.91	.08
0.65	.65	.83	.01	.19	.37	.55	.74	.91	.08	.25	.42	.59	.75	.92	.09
0.66	.66	.84	.02	.20	.38	.56	.75	.92	.09	.26	.43	.60	.76	.93	.10
0.67	.67	.85	.03	.21	.39	.57	.76	.93	.10	.27	.44	.61	.77	.94	.11
0.68	.68	.86	.04	.22	.40	.58	.77	.94	.11	.28	.45	.62	.78	.95	.12
0.69	.69	.87	.05	.23	.41	.59	.78	.95	.12	.29	.46	.63	.79	.96	.13
0.70	.70	.88	.06	.24	.42	.60	.79	.96	.13	.30	.47	.64	.80	.97	.14
0.71	.71	.89	.07	.25	.43	.61	.80	.97	.14	.31	.48	.65	.81	.98	.15
0.72	.72	.90	.08	.26	.44	.62	.81	.98	.15	.32	.49	.66	.82	.99	.16
0.73	.73	.91	.09	.27	.45	.63	.82	.99	.16	.33	.50	.67	.83	.00	.17
0.74	.74	.92	.10	.28	.46	.64	.83	.00	.17	.34	.51	.68	.84	.01	.18
0.75	.75	.93	.11	.29	.47	.65	.84	.01	.18	.35	.52	.69	.85	.02	.19
0.76	.76	.94	.12	.30	.48	.66	.85	.02	.19	.36	.53	.70	.86	.03	.20
0.77	.77	.95	.13	.31	.49	.67	.86	.03	.20	.37	.54	.71	.87	.04	.21
0.78	.78	.96	.14	.32	.50	.68	.87	.04	.21	.38	.55	.72	.88	.05	.22
0.79	.79	.97	.15	.33	.51	.69	.88	.05	.22	.39	.56	.73	.89	.06	.23
0.80	.80	.98	.16	.34	.52	.70	.89	.06	.23	.40	.57	.74	.90	.07	.24
0.81	.81	.99	.17	.35	.53	.71	.90	.07	.24	.41	.58	.75	.91	.08	.25
0.82	.82	.00	.18	.36	.54	.72	.91	.08	.25	.42	.59	.76	.92	.09	.26
0.83	.83	.01	.19	.37	.55	.73	.92	.09	.26	.43	.60	.77	.93	.10	.27
0.84	.84	.02	.20	.38	.56	.74	.93	.10	.27	.44	.61	.78	.94	.11	.28
0.85	.85	.03	.21	.39	.57	.75	.94	.11	.28	.45	.62	.79	.95	.12	.29
0.86	.86	.04	.22	.40	.58	.76	.95	.12	.29	.46	.63	.80	.96	.13	.30
0.87	.87	.05	.23	.41	.59	.77	.96	.13	.30	.47	.64	.81	.97	.14	.31
0.88	.88	.06	.24	.42	.60	.78	.97	.14	.31	.48	.65	.82	.98	.15	.32
0.89	.89	.07	.25	.43	.61	.79	.98	.15	.32	.49	.66	.83	.99	.16	.33
0.90	.90	.08	.26	.44	.62	.80	.99	.16	.33	.50	.67	.84	.00	.17	.34
0.91	.91	.09	.27	.45	.63	.81	.00	.17	.34	.51	.68	.85	.01	.18	.35
0.92	.92	.10	.28	.46	.64	.82	.01	.18	.35	.52	.69	.86	.02	.19	.36
0.93	.93	.11	.29	.47	.65	.83	.02	.19	.36	.53	.70	.87	.03	.20	.37
0.94	.94	.12	.30	.48	.66	.84	.03	.20	.37	.54	.71	.88	.04	.21	.38
0.95	.95	.13	.31	.49	.67	.85	.04	.21	.38	.55	.72	.89	.05	.22	.39
0.96	.96	.14	.32	.50	.68	.86	.05	.22	.39	.56	.73				

- la table de distribution de χ^2 (Loi de K. Pearson).

Cette table donne les valeurs de χ^2 ayant la probabilité P d'être dépassée.

Elle indique les probabilités :

0,990 - 0,975 - 0,950 - 0,900 -

0,100 - 0,050 - 0,025 et 0,010

et les valeurs d.d.l. s'étendant de 1 à 30.

Exemple - Une fabrication donne sur une longue période $\sigma^2 = 0,0024$. On prélève un échantillon de $n = 10$ pièces. On calcule $\Sigma(x - \bar{x}) = 0,0108$ puis $\chi^2 = \frac{\Sigma(x - \bar{x})^2}{\sigma^2} = 4,5$.

On fait apparaître d.d.l. = $10 - 1 = 9$. On lit qu'il y a une probabilité de 0,90 pour que χ^2 soit supérieur à 4,17. On peut admettre que la variabilité de la fabrication est restée inchangée.

- la table de la distribution du rapport de deux variances estimées (table de SNEDECOR).

$$F = \frac{s_1^2}{s_2^2} \quad \text{avec} \quad \nu_1 \quad \text{et} \quad \nu_2 \quad \text{d.d.l.}$$

Cette table donne les valeurs de F ayant les probabilités 0,05 et 0,01 d'être dépassées lorsque S_1^2 et S_2^2 sont deux estimations indépendantes d'une même variance σ^2 d'une variable normale.

La table est donnée pour les valeurs suivantes :

- pour ν_1 : 1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 6 - 8 - 12 - 24 - ∞ ;

- pour ν_2 : 1 - 25 - 28 - 30 - 40 - 60 - 120.

Exemple - Considérons deux échantillons

$$n_1 = 25 \quad \text{soit} \quad \nu_1 = 24$$

$$n_2 = 9 \quad \text{soit} \quad \nu_2 = 8$$

Calculons les variances respectives

$$s_1^2 = 0,04 \quad s_2^2 = 0,05$$

Peut-on conclure à l'inégalité des variances ?

Pour $P = 0,01$ on fait apparaître $\nu_2 = 8$ et $\nu_1 = 24$ et on lit :

$$\frac{s_1^2}{s_2^2} > 5,28 \quad \text{si} \quad s_1^2 > s_2^2$$

Pour $P = 0,01$ on fait apparaître $\nu_2 = 24$ et $\nu_1 = 8$ et on lit

$$\frac{s_2^2}{s_1^2} > 3,36 \quad \text{ou encore} \quad \frac{s_1^2}{s_2^2} < \frac{1}{3,36} = 0,29 \quad \text{si} \quad s_2^2 > s_1^2$$

La valeur constatée $\frac{s_1^2}{s_2^2} = \frac{0,04}{0,05} = 0,8$ étant comprise entre 0,29 et 5,28 on est en droit de penser que les variances ne sont pas statistiquement différentes.

- la table de distribution du coefficient de corrélation r.

r est estimé à partir d'un échantillon prélevé dans une population normale avec corrélation nulle $\rho = 0$.

En fonction de $\nu^{(1)}$, la table donne les valeurs de r ayant la probabilité 0,10 - 0,05 - 0,02 - 0,01 d'être dépassée.

Les valeurs de ν s'étendent de 1 à 20 puis 30-40-50-70-100.

Exemple - Pour 12 couples d'observations il y a une probabilité $P = 0,10$ pour que r soit supérieur à 0,497 avec $\nu = 12-2 = 10$ d.d.l.

- la table de la corrélation transformée Z.

$$Z = \frac{1}{2} \log_e \frac{1+r}{1-r}$$

La table donne les valeurs de r pour des valeurs de Z variant de 0 à 3.

Exemple - Pour $r = 0,927$ on lit $Z = 1,64$.

2/ Sur l'autre face.

- la table de la loi binomiale.

Exemple - La proportion de défectueux contenus dans un lot est $p = 0,06$. La grandeur de l'échantillon est $n = 30$. Quelle est la probabilité de trouver $K = 5$ défectueux ?

On fait apparaître $p = 0,06$ et $n = 30$, on lit pour $K = 5$ la probabilité recherchée soit 0,0236.

La table est donnée pour :

$n = 10 - 15 - 20 - 30 - 40 - 50$

$p = 0,02 - 0,04 - 0,06 - 0,08 - 0,10$

$K = 0 \text{ à } 15$.

- la table de la loi de Poisson.

Exemple - Considérons les données suivantes :

$p = 0,08 \quad n = 50 \quad \text{d'où} \quad np = 4$

Quelle est la probabilité de trouver $K = 3$ défectueux ?

On fait apparaître $K = 3$; on lit pour $np = 4$ la probabilité recherchée soit 0,1954.

La table est donnée pour :

$K = 0 \text{ à } 29$

$np = 1 \text{ à } 16$

(1) On a $\nu = n - 2 - k$, k étant le nombre des variables de liaison dans le cas d'une corrélation partielle.

LOI BINOMIALE

CONDITIONS D'EMPLOI
soit
Effectif N du lot grand par
rapport à l'effectif n de
l'échantillon ($n = 0,10N$)
soit
chaque élément extrait est
remis dans le lot avant
tirage suivant

n	p
0	0.06
1	.2901
2	.3703
3	.2246
4	.0860
5	.0233
6	.0048
7	.0008
8	.0001

Exemple :
Pour $n = 0,04$ et $n = 30$
la probabilité de trouver
 $K = 5$ défauts est $P_5 = 0,024$
 $P_5 = C_{30}^5 p^5 (1-p)^{30-5}$



Ex. soit $m = 10$, $\sigma^2 = 2$
La fréquence des
éléments inférieurs
à 12,5 est :
 $t = \frac{12,5 - 10}{\sqrt{2}} = 1,25$
d'où $\pi(t) = 0,89$

LOI de POISSON

CONDITIONS D'EMPLOI
- p faible (qq centièmes)
- n assez élevé pour que
np soit de qq unités

Exemple :
Pour $np = 4$,
la probabilité de trouver 3
défectueux est $P_3 = 0,1954$
 $P_3 = e^{-4} \frac{4^3}{3!}$

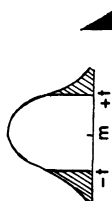
K	np
1	.0001
2	.0006
3	.0021
4	.0058
5	.0128
6	.0237
7	.0383
8	.0550
9	.0713
10	.0847
11	.0934

LOI DE LAPLACE - GAUSS - Probabilité d'une valeur inférieure à t

t	0.0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1.0	1.1	1.2	1.3	1.4
0.0	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
0.1	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
0.2	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
0.3	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
0.4	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
0.5	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
0.6	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
0.7	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
0.8	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
0.9	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
1.0	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
1.1	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
1.2	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
1.3	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530
1.4	.5000	.5039	.5078	.5117	.5156	.5194	.5232	.5270	.5308	.5345	.5382	.5419	.5456	.5493	.5530

LOI DE LAPLACE - GAUSS - Valeur de la variable ayant la probabilité P d'être dépassée

P	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	∞	2.57	2.33	2.17	2.05	1.96	1.88	1.81	1.75	1.69
0.1	1.64	1.60	1.55	1.51	1.47	1.44	1.40	1.37	1.34	1.31
0.2	1.28	1.25	1.22	1.20	1.17	1.15	1.13	1.10	1.08	1.06
0.3	1.04	1.01	.99	.97	.95	.93	.91	.90	.88	.86
0.4	.84	.82	.81	.79	.77	.75	.73	.72	.70	.69
0.5	.67	.66	.64	.63	.61	.59	.58	.57	.55	.54
0.6	.52	.51	.49	.48	.47	.45	.44	.43	.41	.40
0.7	.38	.37	.36	.34	.33	.32	.30	.29	.28	.27
0.8	.25	.24	.23	.21	.20	.19	.18	.16	.15	.14
0.9	.13	.11	.10	.08	.07	.06	.05	.04	.02	.01



Ex. Soit $m = 10$, $\sigma^2 = 2$
La fréquence des éléments
extérieurs à $(8 - 12)$ est :
 $t = \frac{12 - 10}{\sqrt{2}} = 1$
d'où $P = 0.32$

- la table de la distribution de t (Loi de Laplace-Gauss).

Valeur de t ayant la probabilité d'être dépassée en module.

Exemple - Soit une population normale $m = 10$; $\sigma = 2$. Calculer la fréquence des éléments extérieurs à 8-12 ?

On forme $|t| = \frac{12 - 10}{2} = 1$ d'où $P \simeq 0,32$.

- la table de la fonction intégrale de la loi de Laplace-Gauss.

Probabilité d'une valeur inférieure à t.

Exemple - Soit une population normale de moyenne $m = 10$ et d'écart-type $\sigma = 2$. Calculer la fréquence des éléments inférieurs à 12,5 ?

On forme $t = \frac{12,5 - 10}{2} = 1,25$ d'où $\pi(t) = 0,89$.

On peut se procurer ces curseurs aux prix suivants :

- Modèle Rd (MIL.STD.105D) = 15 Frs T. T. C ;
- Modèle Rl (Lois Statistiques) = 18 Frs T. T. C.

Pour tous renseignements complémentaires écrire à :

PLANEC - 10 Rue d'Athis - 91 - EPINAY-sur-ORGE