

R. BRICARD

**Pruvo simpla de la Fermat'a teoremo.  
Démonstration simple du théorème  
de Fermat**

*Nouvelles annales de mathématiques 4<sup>e</sup> série*, tome 3  
(1903), p. 340-342

[http://www.numdam.org/item?id=NAM\\_1903\\_4\\_3\\_\\_340\\_0](http://www.numdam.org/item?id=NAM_1903_4_3__340_0)

© Nouvelles annales de mathématiques, 1903, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Nouvelles annales de mathématiques » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

*Article numérisé dans le cadre du programme  
Numérisation de documents anciens mathématiques*

<http://www.numdam.org/>

**PRUVO SIMPLA  
DE LA FERMAT'A TEOREMO;**

DE S<sup>o</sup> R. BRICARD.

**DÉMONSTRATION SIMPLE  
DU THÉORÈME DE FERMAT;**

PAR M. R. BRICARD.

*Se  $p$  estas primo,  $m$  entjero iu, la nombro  $m^p - m$  estas oblo de  $p$ .*

Ni skribu, per la sistemo de nombrofarado  $m$ -uma ĉiujn entjerojn  $p$ -ciferajn, kies nombro (enhavante la nulon) estas  $m^p$ .

El ĉi tiuj nombroj, la  $m$  jenaj :

*Soient  $p$  un nombre premier,  $m$  un entier quelconque : le nombre  $m^p - m$  est multiple de  $p$ .*

Écrivons, dans le système de numération de base  $m$ , tous les entiers de  $p$  chiffres : leur nombre (y compris zéro) est  $m^p$ .

Parmi ces nombres les  $m$  suivants :

$$\begin{aligned} & (0 \ 0 \ \dots \ 0), \\ & (1 \ 1 \ \dots \ 1), \\ & \dots\dots\dots, \\ & (\overline{m-1} \ \overline{m-1} \ \dots \ \overline{m-1}) \end{aligned}$$

konsistas ĉia el unu cifero  $p$ -foje ripetita.

Estu

sont constitués chacun d'un chiffre répété  $p$  fois.

Soit

$$A_1 = (a \ b \ \dots \ l)$$

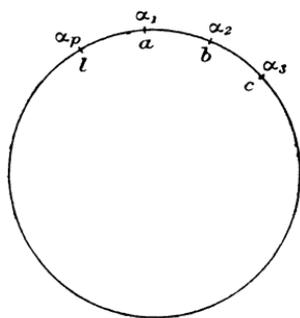
unu el la  $m^p - m$  aliaj l'un des  $m^p - m$  autres

nombroj. Mi pretendas ke nombres. Je dis que les  
la *p* nombroj *p* nombres

$$\begin{aligned}
 A_1 &= (a \ b \ \dots \ l), \\
 A_2 &= (b \ \dots \ l \ a), \\
 &\dots\dots\dots, \\
 A_p &= (l \ a \ b \ \dots)
 \end{aligned}$$

kiuj devenas de  $A_1$ , per kiuj proviennas de  $A_1$ , per  
cirkla ŝanĝado, ĉiuj dife- permutation circulaire,  
rencas unu de la alia. sont tous différents les uns  
des autres.

Supozinte efektive ke Supposons en effet que,  
(ekzemple)  $A_1$  identas  $A_h$ , par exemple,  $A_1$  soit identi-  
ni *p*-onigu cirklon, kaj je que tique à  $A_h$ ; divisons un  
la dividpunktoj  $\alpha_1, \alpha_2, \dots$ , cercle en *p* parties égales,  
 $\alpha_p$ , ni apudigu la ciferojn et, à côté des points de divi-  
de  $A_1$ , kiel montras la jena sion  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_p$ , écrivons  
figuro. les chiffres de  $A_1$ , comme  
sur la figure suivante.



Se  $A_h$  identas  $A_1$ , la Si  $A_h$  est identique à  $A_1$ ,  
unua cifero de  $A_h$  estas la le premier chiffre de  $A_h$  est  
unua cifero de  $A_1$ , t. e. : *a*. le premier chiffre de  $A_1$ ,  
Sed la unua cifero de  $A_h$  c'est-à-dire *a*. Mais le pre-  
estas la *h*<sup>a</sup> cifero de  $A_1$ . mier chiffre de  $A_h$  est le  
Sekve, la *h*<sup>a</sup> cifero de  $A_1$ , *h*<sup>ième</sup> chiffre de  $A_1$ . Par

kiu estas la  $h^a$  cifero de  $A_h$ , estas  $a$ . Sed la  $h^a$  cifero de  $A_h$  estas la  $2h^a$  cifero de  $A_1$ , k. t. p.

Videble, oni povas geometrie esprimi ĉi-tion, dirante :

Se oni alkondukas rektajn de la punkto  $\alpha_1$  al la punkto  $\alpha_h$ , de la punkto  $\alpha_h$  al la punkto  $\alpha_{2h}$ , k. t. p., la ciferoj, apudaj je la vertikoj de la formita regula stelmultangulo, estas samaj.

Sed, ĉar  $p$  estas primo, tiu multangulo estas necese  $p$ -angulo. Sekve, la nombro  $A_1$  konsistas el identaj ciferoj, kaj ne povas esti unu el la  $m^p - m$  nombroj nun konsiderataj.

De tio rezultas tuj ke tiaj  $m^p - m$  nombroj estas  $p$ -opigeblaj.

Ĉi tio povas nur okazi, se  $m^p - m$  estas entjero dividebla per  $p$ .

K. O. D. P.

suite, le  $h^{\text{ième}}$  chiffre de  $A_1$ , c'est-à-dire le  $h^{\text{ième}}$  chiffre de  $A_h$ , est  $a$ . Mais le  $h^{\text{ième}}$  chiffre de  $A_h$  est le  $2h^{\text{ième}}$  chiffre de  $A_1$ , etc.

On voit que l'on peut exprimer géométriquement ce fait, et dire :

Joignons par des droites le point  $\alpha_1$  au point  $\alpha_h$ , le point  $\alpha_h$  au point  $\alpha_{2h}$ , etc. : les chiffres, inscrits à côté des sommets du polygone régulier étoilé ainsi formé, sont identiques.

Mais, comme  $p$  est un nombre premier, ce polygone a nécessairement  $p$  sommets. Par conséquent le nombre  $A_1$  se compose de chiffres identiques et ne peut être l'un des  $m^p - m$  nombres actuellement considérés.

De là résulte immédiatement que ces  $m^p - m$  nombres peuvent être répartis par groupes de  $p$ .

Cela ne peut avoir lieu que si  $m^p - m$  est un nombre entier divisible par  $p$ . C. Q. F. D.