

R. BRICARD

**Pruvo simpla de la Fermat'a teoremo.
Démonstration simple du théorème
de Fermat**

Nouvelles annales de mathématiques 4^e série, tome 3
(1903), p. 340-342

http://www.numdam.org/item?id=NAM_1903_4_3__340_0

© Nouvelles annales de mathématiques, 1903, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Nouvelles annales de mathématiques » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme
Numérisation de documents anciens mathématiques

<http://www.numdam.org/>

**PRUVO SIMPLA
DE LA FERMAT'A TEOREMO;**

DE S^o R. BRICARD.

**DÉMONSTRATION SIMPLE
DU THÉORÈME DE FERMAT;**

PAR M. R. BRICARD.

Se p estas primo, m entjero iu, la nombro $m^p - m$ estas oblo de p .

Ni skribu, per la sistemo de nombrofarado m -uma ĉiujn entjerojn p -ciferajn, kies nombro (enhavante la nulon) estas m^p .

El ĉi tiuj nombroj, la m jenaj :

Soient p un nombre premier, m un entier quelconque : le nombre $m^p - m$ est multiple de p .

Écrivons, dans le système de numération de base m , tous les entiers de p chiffres : leur nombre (y compris zéro) est m^p .

Parmi ces nombres les m suivants :

$$\begin{aligned} & (0\ 0 \dots 0), \\ & (1\ 1 \dots 1), \\ & \dots\dots\dots, \\ & (\overline{m-1}\ \overline{m-1} \dots \overline{m-1}) \end{aligned}$$

konsistas ĉia el unu cifero p -foje ripetita.

Estu

sont constitués chacun d'un chiffre répété p fois.

Soit

$$A_1 = (a\ b \dots l)$$

unu el la $m^p - m$ aliaj l'un des $m^p - m$ autres

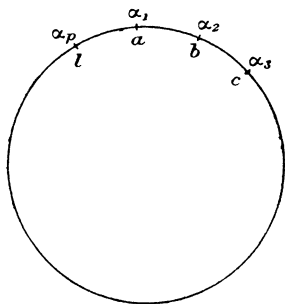
nombroj. Mi pretendas ke nombres. Je dis que les
la *p* nombroj *p* nombres

$$\begin{aligned}
 A_1 &= (a \ b \ \dots \ l), \\
 A_2 &= (b \ \dots \ l \ a), \\
 &\dots\dots\dots, \\
 A_p &= (l \ a \ b \ \dots)
 \end{aligned}$$

kiuj devenas de A₁, per cirkla ŝanĝado, ĉiuj diferencas unu de la alia. *qui proviennent de A₁, par permutation circulaire, sont tous différents les uns des autres.*

Supozinte efektive ke (ekzemple) A₁ identas A_h, ni *p*-onigu cirklon, kaj je la dividpunktoj α₁, α₂, ..., α_p, ni apudigu la ciferojn de A₁, kiel montras la jena figuro.

Supposons en effet que, par exemple, A₁ soit identique à A_h; divisons un cercle en *p* parties égales, et, à côté des points de division α₁, α₂, ..., α_p, écrivons les chiffres de A₁, comme sur la figure suivante.



Se A_h identas A₁, la unua cifero de A_h estas la unua cifero de A₁, t. e. : *a*. Sed la unua cifero de A_h estas la *h*^a cifero de A₁. Sekve, la *h*^a cifero de A₁,

Si A_h est identique à A₁, le premier chiffre de A_h est le premier chiffre de A₁, c'est-à-dire *a*. Mais le premier chiffre de A_h est le *h*^{ème} chiffre de A₁. Par

kiu estas la h^a cifero de A_h , estas a . Sed la h^a cifero de A_h estas la $2h^a$ cifero de A_1 , k. t. p.

Videble, oni povas geometrie esprimi ĉi-tion, dirante :

Se oni alkondukas rektajn de la punkto α_1 al la punkto α_h , de la punkto α_h al la punkto α_{2h} , k. t. p., la ciferoj, apudaj je la vertikoj de la formita regula stelmultangulo, estas samaj.

Sed, ĉar p estas primo, tiu multangulo estas necese p -angulo. Sekve, la nombro A_1 konsistas el identaj ciferoj, kaj ne povas esti unu el la $m^p - m$ nombroj nun konsiderataj.

De tio rezultas tuj ke tiaj $m^p - m$ nombroj estas p -opigeblaj.

Ĉi tio povas nur okazi, se $m^p - m$ estas entjero dividebla per p .

K. O. D. P.

suite, le $h^{\text{ième}}$ chiffre de A_1 , c'est-à-dire le $h^{\text{ième}}$ chiffre de A_h , est a . Mais le $h^{\text{ième}}$ chiffre de A_h est le $2h^{\text{ième}}$ chiffre de A_1 , etc.

On voit que l'on peut exprimer géométriquement ce fait, et dire :

Joignons par des droites le point α_1 au point α_h , le point α_h au point α_{2h} , etc. : les chiffres, inscrits à côté des sommets du polygone régulier étoilé ainsi formé, sont identiques.

Mais, comme p est un nombre premier, ce polygone a nécessairement p sommets. Par conséquent le nombre A_1 se compose de chiffres identiques et ne peut être l'un des $m^p - m$ nombres actuellement considérés.

De là résulte immédiatement que ces $m^p - m$ nombres peuvent être répartis par groupes de p .

Cela ne peut avoir lieu que si $m^p - m$ est un nombre entier divisible par p . C. Q. F. D.