

ERNEST DUPORCQ

**Sur la somme des puissances semblables  
des  $n$  premiers nombres**

*Nouvelles annales de mathématiques 3<sup>e</sup> série*, tome 9  
(1890), p. 594-595

[http://www.numdam.org/item?id=NAM\\_1890\\_3\\_9\\_\\_594\\_1](http://www.numdam.org/item?id=NAM_1890_3_9__594_1)

© Nouvelles annales de mathématiques, 1890, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Nouvelles annales de mathématiques » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme  
Numérisation de documents anciens mathématiques

<http://www.numdam.org/>

---



---

**SUR LA SOMME DES PUISSANCES SEMBLABLES  
DES  $n$  PREMIERS NOMBRES;**

PAR M. ERNEST DUPORCQ,  
Élève de l'École Monge.

---

En supprimant, dans chacune des  $(n + 1)^{\text{ièmes}}$  premières lignes du triangle de Pascal, le chiffre qui la termine, puis en la complétant par des 0, on obtient le déterminant

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 1 & 3 & 3 & \dots & 0 & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 1 & n & C_n^2 & \dots & n & 0 \\ 1 & n+1 & \dots & \dots & C_{n+1}^{n-1} & n+1 \end{vmatrix},$$

dont la valeur est évidemment  $\overline{n+1}!$ .

Si l'on y remplace chaque élément de la dernière colonne par la somme des éléments de la rangée correspondante, multipliés, le premier par 1, le deuxième par  $x$ , le troisième par  $x^2$ , ..., le  $p^{\text{ième}}$  par  $x^{p-1}$ , ..., enfin le dernier par  $x^n$ , on a le déterminant

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & \dots & 0 & 1 \\ 1 & 2 & 0 & \dots & 0 & 1+2x \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 1 & n & \dots & \dots & n & 1+n.x+\dots+n.x^{n-1} \\ 1 & \overline{n+1} & \dots & \dots & C_{n+1}^2 & 1+\overline{n+1}x+\dots+\overline{n+1}x^n \end{vmatrix},$$

