

Questions

Nouvelles annales de mathématiques 2^e série, tome 2
(1863), p. 550-551

<http://www.numdam.org/item?id=NAM_1863_2_2_550_1>

© Nouvelles annales de mathématiques, 1863, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Nouvelles annales de mathématiques » implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (<http://www.numdam.org/conditions>). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme
Numérisation de documents anciens mathématiques
<http://www.numdam.org/>

QUESTIONS.

682. Soient les trois variables x, y, z exprimées par les nouvelles variables u, v, w , de la manière suivante :

$$\begin{aligned}x &= \frac{(1 + h^2 v^2 + c^2 w^2) u}{u^2 + v^2 + w^2}, \\y &= \frac{[1 - h^2 u^2 + (c^2 - h^2) w^2] v}{u^2 + v^2 + w^2}, \\z &= \frac{[1 - c^2 u^2 - (c^2 - h^2) v^2] w}{u^2 + v^2 + w^2};\end{aligned}$$

h et c sont des quantités constantes; il faut démontrer que

$$dx^2 + dy^2 + dz^2 = P^2 du^2 + Q^2 dv^2 + R^2 dw^2,$$

ou

$$Pu = x, \quad Qv = y, \quad Rw = z.$$

(STREBOR.)

683. Soient

$$l \cos \theta + m \sin \theta \cos \varphi + n \sin \theta \sin \varphi \\ + p \cos^2 \theta + q \sin^2 \theta \cos^2 \varphi + r \sin^2 \theta \sin^2 \varphi = U,$$

$$\frac{l^2}{2p + \psi} + \frac{m^2}{2q + \psi} + \frac{n^2}{2r + \psi} + \psi = V.$$

Il faut démontrer que l'équation résultant de l'élimination de θ et de φ entre $U = 0$, $\frac{dU}{d\theta} = 0$, $\frac{dU}{d\varphi} = 0$, sera identique avec celle qui provient de l'élimination de ψ entre $V = 0$, $\frac{dV}{d\psi} = 0$.

(CAYLEY.)